

## Le gerarchie di tipi

1

## Sottotipo

Il tipo A e' un sottotipo del tipo B se A  
puo' fare tutto quello che puo' fare B.

B viene anche detto supertipo di A

```
public interface Area {
    public double getArea();
}

public class Circle implements Area {
    private double r;
    private Point p;
    public Circle (double x0, double y0, double r0) {
        r = r0; p = new Point(x0,y0);
    }
    public double getArea () {
        return 3.14159 * r * r;
    }
    public double getRadius () { return r; }
}
```

## Supertipi e sottotipi

---

- ✓ un supertipo
  - `class`
  - `interface`
- ✓ può avere più sottotipi
  - un sottotipo `extends` il supertipo (`class`)
    - un solo supertipo (ereditarietà singola)
  - un sottotipo `implements` il supertipo (`interface`)
    - più supertipi `interface`
- ✓ la gerarchia può avere un numero arbitrario di livelli
- ✓ come si può utilizzare la gerarchia?

3

## Come si può utilizzare una gerarchia di tipi

---

- ✓ implementazioni multiple di un tipo
  - i sottotipi non aggiungono alcun comportamento nuovo
  - la classe che implementa il sottotipo implementa esattamente il comportamento definito dal supertipo
- ✓ il sottotipo estende il comportamento del suo supertipo
  - fornendo nuovi metodi
- ✓ dal punto di vista semantico, supertipo e sottotipo sono legati dal principio di sostituzione
  - che definisce esattamente il tipo di astrazione coinvolto nella definizione di gerarchie di tipo

4

## Principio di sostituzione

---

- ✓ un oggetto del sottotipo può essere sostituito ad un oggetto del supertipo senza influire sul comportamento dei programmi che utilizzano il tipo
  - i sottotipi supportano il comportamento del supertipo
  - API prevedono Reader e BufferedReader come classi di sistema per la lettura da socket. BufferedReader e' un sottotipo di Reader. Pertanto, un programma scritto in termini del tipo Reader può lavorare correttamente su oggetti del tipo BufferedReader
- ✓ il sottotipo deve soddisfare le specifiche del supertipo
- ✓ astrazione via specifica per una famiglia di tipi
  - astraiamo diversi sottotipi a quello che hanno in comune

5

## Riassunto di tutte le puntate precedenti

---

- ✓ tipo apparente, tipo effettivo, dispatching dei metodi
- ✓ definizione di gerarchie di tipi
  - specifica
  - implementazione
- ✓ gerarchie di tipi in Java
  - supertipo: classe concreta
  - supertipo: classe astratta
  - supertipo: interfaccia
- ✓ implementazioni multiple
- ✓ semantica dei sottotipi (il principio di sostituzione)

6

## Tipo apparente e tipo effettivo

- ✓ supertipo  $\tau$ , sottotipo  $\sigma$
- ✓ Sia *Obj* un oggetto di tipo  $\sigma$ 
  - Assegnamento. Sia  $X: \tau$ ,  $X = \text{Obj}$  e' corretto.
  - può essere passato come parametro ad un metodo che ha un parametro formale di tipo  $\tau$
  - può essere ritornato da un metodo che ha un risultato di tipo  $\tau$
- ✓ in tutti i casi, abbiamo un tipo apparente  $\tau$  ed un tipo effettivo  $\sigma$
- ✓ il compilatore ragiona solo in termini di tipo apparente
  - per fare il controllo dei tipi
  - per verificare la correttezza dei nomi (di variabili e di metodi)
  - per risolvere i nomi

7

## Tipo apparente e tipo effettivo

- ✓ supponiamo che il tipo `Poly` abbia un metodo di istanza `degree` senza argomenti che restituisce un intero e due sottotipi `DensePoly` e `SparsePoly`
    - implementazioni multiple
    - in cui è ridefinito (overriding) il metodo `degree`
- ```
Poly p1 = new DensePoly(); // il polinomio zero
Poly p2 = new SparsePoly(3,2); // il polinomio 3 . x2
```
- ✓ `Poly` è il tipo apparente di `p1` e `p2`
  - ✓ `DensePoly` e `SparsePoly` sono i loro tipi effettivi
  - ✓ cosa fa il compilatore quando trova il seguente comando?  
`int d = p1.degree();`

8

## Tipo apparente e tipo effettivo

```
Poly p1 = new DensePoly();
```

```
...;
```

```
int d = p1.degree();
```

- ✓ il compilatore controlla che il metodo `degree` sia definito per il tipo apparente `Poly` di `p1`
  - guardando l'ambiente di metodi di istanza della classe `Poly`
- ✓ non può generare codice che trasferisce direttamente il controllo al codice del metodo
  - perché il metodo da invocare a tempo di esecuzione è determinato dal tipo effettivo di `p1` che non può essere determinato staticamente a tempo di compilazione
    - tra la dichiarazione ed il comando, il tipo effettivo di `p1` può essere stato modificato
- ✓ può solo generare codice che a run-time trova il metodo giusto e poi gli passa il controllo (dispatching)

9

## Dynamic Dispatching

- ✓ a tempo di esecuzione gli oggetti continuano ad avere una parte dell'ambiente di metodi
  - un dispatch vector che contiene i puntatori al codice (compilato) dei metodi dell'oggetto
- ✓ il compilatore traduce il riferimento al nome in una posizione nel dispatch vector
  - la stessa per il dispatch vector del supertipo e dei suoi sottotipi
- ✓ e produce codice che ritrova l'indirizzo del codice del metodo da tale posizione e poi passa il controllo a quell'indirizzo

10

## Definizione di una gerarchia di tipi: specifica

- ✓ specifica del tipo superiore della gerarchia
  - come quelle che già conosciamo
  - l'unica differenza è che può essere parziale
    - per esempio, possono mancare i costruttori
- ✓ specifica di un sottotipo
  - la specifica di un sottotipo è data relativamente a quella dei suoi supertipi
  - non si ridanno quelle parti delle specifiche del supertipo che non cambiano
  - vanno specificati
    - i costruttori del sottotipo
    - i metodi “nuovi” forniti dal sottotipo
    - i metodi del supertipo che il sottotipo ridefinisce
      - sono ammesse modifiche molto limitate

11

## Definizione di una gerarchia di tipi: implementazione

- ✓ implementazione del supertipo
  - può non essere implementato affatto
  - può avere implementazioni parziali
    - alcuni metodi sono implementati, altri no
  - può fornire informazioni a potenziali sottotipi dando accesso a variabili o metodi di istanza
    - che un “normale” utente del supertipo non può vedere
- ✓ i sottotipi sono implementati come estensioni dell'implementazione del supertipo
  - la rep degli oggetti del sottotipo contiene anche le variabili di istanza definite nell'implementazione del supertipo
  - alcuni metodi possono essere ereditati
  - di altri il sottotipo può definire una nuova implementazione

12

## Gerarchie di tipi in Java

---

- ✓ attraverso l'ereditarietà
  - una classe può essere sottoclasse di un'altra (la sua superclasse) e implementare 0 o più interfacce
- ✓ il supertipo (classe o interfaccia) fornisce in ogni caso la specifica del tipo
  - le interfacce fanno solo questo
  - le classi possono anche fornire parte dell'implementazione

13

## Gerarchie di tipi in Java: supertipi 1

---

- ✓ i supertipi sono definiti da
  - classi
  - interfacce
- ✓ le classi possono essere
  - astratte
    - forniscono un'implementazione parziale del tipo
      - non hanno oggetti
      - il codice esterno non può chiamare i loro costruttori
      - possono avere metodi astratti la cui implementazione è lasciata a qualche sottoclasse
  - concrete
    - forniscono un'implementazione piena del tipo
- ✓ le classi astratte e concrete possono contenere metodi finali
  - non possono essere reimplementati da sottoclassi

14

## Gerarchie di tipi in Java: supertipi 2

- ✓ le interfacce definiscono solo il tipo (specifica) e non implementano nulla
  - contengono solo (le specifiche di) metodi
    - pubblici
    - non statici
    - astratti

15

## Gerarchie di tipi in Java: sottotipi 1

- ✓ una sottoclasse dichiara la superclasse che estende (e/o le interfacce che implementa)
  - ha tutti i metodi della superclasse con gli stessi nomi e signature
  - può implementare i metodi astratti e reimplementare i metodi normali (purché non `final`)
  - qualunque metodo sovrascritto deve avere signature identica a quella della superclasse
    - ma i metodi della sottoclasse possono sollevare meno eccezioni
- ✓ la rappresentazione di un oggetto di una sottoclasse consiste delle variabili di istanza proprie e di quelle dichiarate per la superclasse
  - quelle della superclasse non possono essere accedute direttamente se sono (come dovrebbero essere) dichiarate `private`
- ✓ ogni classe che non estenda esplicitamente un'altra classe estende implicitamente `Object`

16

## Gerarchie di tipi in Java: sottotipi 2

- ✓ la superclasse può lasciare parti della sua implementazione accessibili alle sottoclassi
  - dichiarando metodi e variabili `protected`
    - implementazioni delle sottoclassi più efficienti
    - si perde l'astrazione completa, che dovrebbe consentire di reimplementare la superclasse senza influenzare l'implementazione delle sottoclassi
    - le entità `protected` sono visibili anche all'interno dell'eventuale package che contiene la superclasse
- ✓ meglio interagire con le superclassi attraverso le loro interfacce pubbliche

17

## Un esempio di gerarchia con supertipo classe concreta

- ✓ in cima alla gerarchia c'è una variante di `IntSet`
  - la solita, con in più il metodo `subset`
  - la classe non è astratta
  - fornisce un insieme di metodi che le sottoclassi possono ereditare, estendere o sovrascrivere

18

## Specifica del supertipo

```
public class IntSet {
    // OVERVIEW: un IntSet è un insieme modificabile di interi di
    // dimensione qualunque
    public IntSet ()
        // EFFECTS: inizializza this a vuoto
    public void insert (int x)
        // EFFECTS: aggiunge x a this
    public void remove (int x)
        // EFFECTS: toglie x da this
    public boolean isIn (int x)
        // EFFECTS: se x appartiene a this ritorna true, altrimenti false
    public int size ()
        // EFFECTS: ritorna la cardinalità di this
    public Iterator elements ()
        // EFFECTS: ritorna un generatore che produrrà tutti gli elementi di
        // this (come Integers) ciascuno una sola volta, in ordine arbitrario
        // REQUIRES: this non deve essere modificato finché il generatore è in
        // uso
    public boolean subset (Intset s)
        // EFFECTS: se s è un sottoinsieme di this ritorna true, altrimenti
        // false
}
```

19

## Implementazione del supertipo

```
public class IntSet {
    // OVERVIEW: un IntSet è un insieme modificabile di interi di
    // dimensione qualunque
    private Vector els; // la rappresentazione
    public IntSet () {els = new Vector();}
        // EFFECTS: inizializza this a vuoto
    private int getIndex (Integer x) {... }
        // EFFECTS: se x occorre in this ritorna la posizione in cui si
        // trova, altrimenti -1
    public boolean isIn (int x)
        // EFFECTS: se x appartiene a this ritorna true, altrimenti false
        {return getIndex(new Integer(x)) >= 0; }
    public boolean subset (Intset s)
        // EFFECTS: se s è un sottoinsieme di this ritorna true, altrimenti
        // false
        {if (s == null) return false;
        for (int i = 0; i < els.size(); i++)
            if (!s.isIn((Integer) els.get(i)).intValue())
                return false;
        return true; }
}
```

✓ la rappresentazione è privata  
- i sottotipi non la possono accedere, ma c'è l'iteratore pubblico elements

20

## Un sottotipo: MaxIntSet

- ✓ si comporta come `IntSet`
  - ma ha un metodo nuovo `max`
    - che ritorna l'elemento massimo nell'insieme
  - la specifica di `MaxIntSet` definisce solo quello che c'è di nuovo
    - il costruttore
    - il metodo `max`
  - tutto il resto della specifica viene ereditato da `IntSet`
- ✓ perché non realizzare semplicemente un metodo `max` stand alone esterno alla classe `IntSet`?
  - facendo un sottotipo si riesce ad implementare `max` in modo più efficiente

21

## Specifica del sottotipo

```
public class MaxIntSet extends IntSet {  
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con  
    // il metodo max  
    public MaxIntSet ()  
        // EFFECTS: inizializza this al MaxIntSet vuoto  
    public int max () throws EmptyException  
        // EFFECTS: se this è vuoto solleva EmptyException, altrimenti  
        // ritorna l'elemento massimo in this  
}
```

- la specifica di `MaxIntSet` definisce solo quello che c'è di nuovo
  - il costruttore
  - il metodo `max`
- tutto il resto della specifica viene ereditato da `IntSet`

22

## Implementazione di MaxIntSet

- ✓ per evitare di generare ogni volta tutti gli elementi dell'insieme, memorizziamo in una variabile di istanza di `MaxIntSet` il valore massimo corrente
  - oltre ad implementare `max`
  - dobbiamo riimplementare `insert` e `remove` per tenere aggiornato il valore massimo corrente
  - sono i soli metodi per cui c'è overriding
  - tutti gli altri vengono ereditati da `IntSet`

23

## Implementazione del sottotipo 1

```
public class MaxIntSet {  
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con  
    // il metodo max  
    private int mass; // l'elemento massimo, se this non è vuoto  
    public MaxIntSet ()  
        // EFFECTS: inizializza this al MaxIntSet vuoto  
    { super( ); }  
    ... }  
}
```

- ✓ chiamata esplicita del costruttore del supertipo
  - potrebbe in questo caso essere omessa
  - necessaria se il costruttore ha parametri
- ✓ nient'altro da fare
  - perché `mass` non ha valore quando `els` è vuoto

24

## Implementazione del sottotipo 2

```
public class MaxIntSet extends IntSet {
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con
    // il metodo max
    private int mass; // l'elemento massimo, se this non è vuoto
    ...
    public int max () throws EmptyException
        // EFFECTS: se this è vuoto solleva EmptyException, altrimenti
        // ritorna l'elemento massimo in this
        {if (size() == 0) throw new
            EmptyException("MaxIntSet.max"); return mass;}
    ... }

```

- ✓ usa un metodo ereditato dal supertipo (`size`)

25

## Implementazione del sottotipo 3

```
public class MaxIntSet extends IntSet {
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con
    // il metodo max
    private int mass; // l'elemento massimo, se this non è vuoto
    ...
    public void insert (int x) {
        if (size() == 0 || x > mass) mass = x;
        super.insert(x); }
    ... }

```

- ✓ ha bisogno di usare il metodo `insert` del supertipo, anche se overridden
  - attraverso il prefisso `super`
    - analogo a `this`
- ✓ per un programma esterno che usi un oggetto di tipo `MaxIntSet` il metodo overridden `insert` del supertipo non è accessibile in nessun modo

26

## Implementazione del sottotipo 4

```
public class MaxIntSet extends IntSet {
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con
    // il metodo max
    private int mass; // l'elemento massimo, se this non è vuoto
    ...
    public void remove (int x) {
        super.remove(x);
        if (size() == 0 || x < mass) return;
        Iterator g = elements();
        mass = ((Integer) g.next()).intValue();
        while (g.hasNext() {
            int z = ((Integer) g.next( )).intValue();
            if (z > mass) mass = z; }
        return; } }
```

- ✓ anche qui si usa il metodo overridden del supertipo
  - oltre ai metodi ereditati `size` e `elements`

27

## Funzione di astrazione di sottoclassi di una classe concreta

- ✓ definita in termini di quella del supertipo
  - nome della classe come indice per distinguerle
- ✓ funzione di astrazione per `MaxIntSet`

```
// la funzione di astrazione è
//  $\alpha_{\text{MaxIntSet}}(c) = \alpha_{\text{IntSet}}(c)$ 
```

- ✓ la funzione di astrazione è la stessa di `IntSet` perché produce lo stesso insieme di elementi dalla stessa rappresentazione (`els`)
  - il valore della variabile `mass` non ha influenza sull'astrazione

28

## Invariante di rappresentazione di sottoclassi di una classe concreta

- ✓ invariante di rappresentazione per `MaxIntSet`  

```
// !MaxIntSet (c) = c.size() > 0 ==>  
// (c.mass appartiene a  $\alpha_{IntSet}(c)$  &&  
// per tutti gli x in  $\alpha_{IntSet}(c)$ , x <= c.mass)
```
- ✓ l'invariante non include (e non utilizza in questo caso) l'invariante di `IntSet` perché tocca all'implementazione di `IntSet` preservarlo
  - le operazioni di `MaxIntSet` non possono interferire perché operano sulla rep del supertipo solo attraverso i suoi metodi pubblici
  - ma se implementiamo `repOk`, .....
- ✓ usa la funzione di astrazione del supertipo

29

## repOk di sottoclassi di una classe concreta

- ✓ invariante di rappresentazione per `MaxIntSet`  

```
// !MaxIntSet (c) = c.size() > 0 ==>  
// (c.mass appartiene a  $\alpha_{IntSet}(c)$  &&  
// per tutti gli x in  $\alpha_{IntSet}(c)$ , x <= c.mass)
```
- ✓ l'implementazione di `repOk` deve verificare l'invariante della superclasse perché la correttezza di questo è necessaria per la correttezza dell'invariante della sottoclasse

30

## repOk di MaxIntSet

- ✓ invariante di rappresentazione per MaxIntSet

```
//  $I_{MaxIntSet}(c) = c.size() > 0 ==>$   
//  $(c.mass \text{ appartiene a } \alpha_{IntSet}(c) \ \&\&$   
//  $\text{per tutti gli } x \text{ in } \alpha_{IntSet}(c), x \leq c.mass)$   
public class MaxIntSet extends IntSet {  
    // OVERVIEW: un MaxIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende con  
    // il metodo max  
    private int mass; // l'elemento massimo, se this non è vuoto  
    ...  
    public boolean repOk () {  
        if (!super.repOk ()) return false;  
        if (size() == 0) return true;  
        boolean found = false;  
        Iterator g = elements();  
        while (g.hasNext()) {  
            int z = ((Integer) g.next()).intValue();  
            if (z > mass) return false;  
            if (z == mass) found = true; }  
        return found; } }
```

31

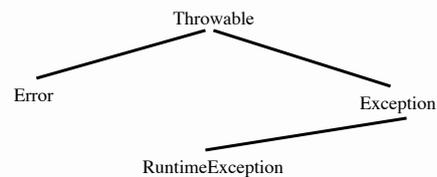
## Cosa succede se il supertipo fa vedere la rappresentazione?

- ✓ l'efficienza di `remove` potrebbe essere migliorata
  - questa versione richiede di visitare `els` due volte
    - per rimuovere l'elemento (attraverso la `remove` della superclasse)
    - per aggiornare il nuovo `mass` (utilizzando l'iteratore)
- facendo vedere alla sottoclasse la rappresentazione della superclasse
  - dichiarando `els protected` nell'implementazione di `IntSet`
- ✓ in questo caso, l'invariante di rappresentazione di `MaxIntSet` deve includere quello di `IntSet`
  - perché l'implementazione di `MaxIntSet` potrebbe violarlo

```
//  $I_{MaxIntSet}(c) = I_{IntSet}(c) \ \&\& \ c.size() > 0 ==>$   
//  $(c.mass \text{ appartiene a } \alpha_{IntSet}(c) \ \&\&$   
//  $\text{per tutti gli } x \text{ in } \alpha_{IntSet}(c), x \leq c.mass)$ 
```

32

## Ricostruiamo i tipi eccezione



- ✓ `Throwable` è una classe concreta (primitiva), la cui implementazione fornisce metodi che accedono a una variabile istanza di tipo stringa
- ✓ `Exception` è una sottoclasse di `Throwable`
  - che non aggiunge nuove variabili istanza
- ✓ una nuova eccezione può avere informazione aggiuntiva nell'oggetto e nuovi metodi

33

## Una eccezione non banale

```
public class MiaEccezione extends Exception {  
    // OVERVIEW: gli oggetti di tipo MiaEccezione contengono un intero in  
    // aggiunta alla stringa  
    private int val; // l'elemento massimo, se this non è vuoto  
  
    public MiaEccezione (String s, int x) {  
        super (s); val = x; }  
  
    public MiaEccezione (int x) {  
        super (); val = x; }  
  
    public int valoreDi () {  
        return val;}}
```

34

## Classi astratte come supertipi

- ✓ implementazione parziale di un tipo
- ✓ può avere variabili di istanza e uno o più costruttori
- ✓ non ha oggetti
- ✓ i costruttori possono essere chiamati solo dalle sottoclassi per inizializzare la parte di rappresentazione della superclasse
- ✓ può contenere metodi astratti (senza implementazione)
- ✓ può contenere metodi regolari (implementati)
  - questo evita di implementare più volte i metodi quando la classe abbia più sottoclassi e permette di dimostrare più facilmente la correttezza
  - l'implementazione può utilizzare i metodi astratti
    - la parte generica dell'implementazione è fornita dalla superclasse
    - le sottoclassi forniscono i dettagli

35

## Perché può convenire trasformare `IntSet` in una classe astratta

- ✓ vogliamo definire (come sottotipo di `IntSet`) il tipo `SortedIntSet`
  - il generatore `elements` fornisce accesso agli elementi in modo ordinato
  - un nuovo metodo `subset` (overloaded) per ottenere una implementazione più efficiente quando l'argomento è di tipo `SortedIntSet`
- ✓ vediamo la specifica di `SortedIntSet`

36

## Specifica del sottotipo

```
public class SortedIntSet extends IntSet {
    // OVERVIEW: un SortedIntSet è un sottotipo di IntSet che lo estende
    // con i metodi max e subset e in cui gli elementi sono
    // accessibili in modo ordinato
    public SortedIntSet ()
        // EFFECTS: inizializza this all'insieme vuoto
    public int max () throws EmptyException
        // EFFECTS: se this è vuoto solleva EmptyException, altrimenti
        // ritorna l'elemento massimo in this
    public Iterator elements ()
        // EFFECTS: ritorna un generatore che produrrà tutti gli elementi di
        // this (come Integers) ciascuno una sola volta, in ordine crescente
        // REQUIRES: this non deve essere modificato finché il generatore è in
        // uso
    public boolean subset (Intset s)
        // EFFECTS: se s è un sottoinsieme di this ritorna true, altrimenti
        // false }
}
```

- ✓ la rappresentazione degli oggetti di tipo SortedIntSet potrebbe utilizzare una lista ordinata
  - non serve più a nulla la variabile di istanza ereditata da IntSet
  - il vettore els andrebbe eliminato da IntSet
  - senza els, IntSet non può avere oggetti e quindi deve essere astratta

37

## IntSet come classe astratta

- ✓ specifiche uguali a quelle già viste
- ✓ dato che la parte importante della rappresentazione (gli elementi dell'insieme) non è definita qui, sono astratti i metodi insert, remove, elements e repOk
- ✓ isIn, subset e toString sono implementati in termini del metodo astratto elements
- ✓ size potrebbe essere implementata in termini di elements
  - inefficiente
- ✓ teniamo traccia nella superclasse della dimensione con una variabile intera sz
  - che è ragionevole sia visibile dalle sottoclassi (protected)
  - la superclasse non può nemmeno garantire proprietà di sz
    - il metodo repOk è astratto
- ✓ non c'è funzione di rappresentazione
  - tipico delle classi astratte, perché la vera implementazione è fatta nelle sottoclassi

38

## Implementazione di IntSet come classe astratta

```
public abstract class IntSet {
    protected int sz; // la dimensione
    // costruttore
    public IntSet () {sz = 0 ;}
    // metodi astratti
    public abstract void insert (int x);
    public abstract void remove (int x);
    public abstract Iterator elements ( );
    public abstract boolean repOk ( );
    // metodi
    public boolean isIn (int x)
    {Iterator g = elements ();
     Integer z = new Integer(x);
     while (g.hasNext())
         if (g.next().equals(z)) return true;
     return false; }
    public int size () {return sz; }
    // implementazioni di subset e toString
}
```

39

## Implementazione della sottoclasse SortedIntSet 1

```
public class SortedIntSet extends IntSet {
    private OrderedIntList els; // la rappresentazione
    // la funzione di astrazione:
    //  $\alpha(c) = \{c.els[1], \dots, c.els[c.sz]\}$ 
    // l'invariante di rappresentazione:
    //  $I(c) = c.els \neq \text{null} \ \&\& \ c.sz = c.els.size()$ 
    // costruttore
    public SortedIntSet () {els = new OrderedIntList();}
    // metodi
    public int max () throws EmptyException {
        if (sz == 0) throw new EmptyException("SortedIntSet.max");
        return els.max(); }
    public Iterator elements ( ) {return els.elements(); }
    // implementations of insert, remove, e repOk
    ...}


- ✓ la funzione di astrazione va da liste ordinate a insiemi
  - gli elementi della lista si accedono con la notazione []
- ✓ l'invariante di rappresentazione pone vincoli su tutte e due le variabili di istanza (anche quella ereditata)
  - els è assunto ordinato (perché così è in OrderedIntList)
- ✓ si assume che esistano per OrderedIntList anche le operazioni size e max

```

40

## Implementazione della sottoclasse SortedIntSet 2

```
public class SortedIntSet extends IntSet {
    private OrderedIntList els; // la rappresentazione
    // la funzione di astrazione:
    //  $\alpha(c) = \{c.els[1], \dots, c.els[c.sz]\}$ 
    // l'invariante di rappresentazione:
    //  $I(c) = c.els \neq \text{null} \ \&\& \ c.sz = c.els.size()$ 
    .....
    public boolean subset (IntSet s) {
        try { return subset((SortedIntSet) s); }
        catch (ClassCastException e) { return super.subset(s); }
    }
    public boolean subset (SortedIntSet s)
        // qui si approfitta del fatto che smallToBig di OrderedIntList
        // ritorna gli elementi in ordine crescente
    }
}
```

41

## Gerarchie di classi astratte

- ✓ anche le sottoclassi possono essere astratte
- ✓ possono continuare ad elencare come astratti alcuni dei metodi astratti della superclasse
- ✓ possono introdurre nuovi metodi astratti

42

## Interfacce

- ✓ contengono solo metodi non statici, pubblici (non è necessario specificarlo)
- ✓ tutti i metodi sono astratti
- ✓ è implementata da una classe che abbia la clausola `implements` nell'intestazione
- ✓ un esempio che conosciamo: `Iterator`

```
public interface Iterator {  
    public boolean hasNext ( );  
    // EFFECTS: restituisce true se ci sono altri elementi  
    // altrimenti false  
    public Object next throws NoSuchElementException;  
    // MODIFIES: this  
    // EFFECTS: se ci sono altri elementi da generare dà il  
    // successivo e modifica lo stato di this, altrimenti  
    // solleva NoSuchElementException (unchecked)  
}
```

43

## Ereditarietà multipla

- ✓ una classe può estendere soltanto una classe
- ✓ ma può implementare una o più interfacce
- ✓ si riesce così a realizzare una forma di ereditarietà multipla
  - nel senso di supertipi multipli
  - anche se non c'è niente di implementato che si eredita dalle interfacce

```
public class SortedIntSet extends IntSet  
    implements SortedCollection { .. }
```

- ✓ `SortedIntSet` è sottotipo sia di `IntSet` che di `SortedCollection`

44