

while (x > 0) x = x + 1;      ⇐ SINTATTICAMENTE CORRETTO  
(ANCHE SE POCO SENSATO ... NON TERMINA)

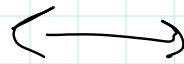
while x > 0 x = x + 1;      ⇐ SINTATTICAMENTE NON CORRETTO  
(MANCANO LE PARENTESI ... IL COMPILATORE SE NE ACCORGE)

IL COMPILATORE AL SUO INTERNO DEVE AVERE UN COMPONENTE CHE, DATO UN PROGRAMMA, VERIFICA SE È SINTATTICAMENTE CORRETTO

# TEORIA DEI LINGUAGGI FORMALI

(VEDERE DISPENSA SULLA PAGINA WEB)

LINGUAGGIO  
FORMALE



LINGUAGGIO  
NATURALE  
(ES. ITALIANO)

↳ REGOLE  
GRAMMATICALI  
PRECISE

↳ REGOLE GRAMMATICALI  
CON TANTE  
ECCEZIONI

↳ NO AMBIGUITÀ

↳ AMBIGUITÀ

es. "Paolo guarda Mario  
con il binocolo"

↳ chi ha il  
binocolo?

POSSIAMO DEFINIRE UN LINGUAGGIO COME UN INSIEME

↳ LINGUAGGIO = INSIEME DI FRASI  
 NATURALE  
 (ES. ITALIANO)

COSTRUITE UTILIZZANDO  
PAROLE PROVENIENTI DA  
 UN DATO DIZIONARIO

✓  
 (INSIEME DI TUTTE LE  
 PAROLE POSSIBILI)

↳ LINGUAGGIO = INSIEME DI STRINGHE  
 FORMALE

COSTITuite UTILIZZANDO  
SIMBOLI PROVENIENTI DA  
 UN DATO ALFABETO

✓  
 INSIEME DI  
 TUTTI I SIMBOLI

DIZIONARIO = { Paolo, Mario, mangia, beve, ... }

LINGUA ITALIANA = { Paolo mangia, Paolo beve,  
 Mario mangia, ..... }

} LING. NATURALE

ALFABETO = { a, b, c }

} LING. ...

ALFABETO = { a, b, c }

L = { aa, ab, bcc, aba, ... }

LinG.  
FORMALE

COME SI DEFINISCE UN LINGUAGGIO FORMALE?

Un linguaggio può essere infinito:

$$L = \{ ab, abb, acb, aa, \dots \}$$

↗  
NON VOI  
USARE I PUNTI

DUE MODI:

→ GRAMMATICHE

(approccio generativo)

definire delle regole grammaticali  
che consentano di generare tutte le  
stringhe del linguaggio

→ AUTOMI A STATI FINITI

(approccio riconoscitivo)

data una stringa mi dice se  
essa appartiene al linguaggio oppure no.

VEDREMO PRIMA GLI AUTOMI E POI

→ LE GRAMMATICHE

→ IL COMPILATORE AL SUO INTERNO  
UTILIZZA UN AUTOMA

# DEFINIZIONI

martedì 10 ottobre 2017 11:40

Alfabeto insieme finito di simboli

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

→  
SIGMA  
MAIUSCOLO

$$\Sigma' = \{0, 1, 2, \dots, 9\}$$

$$\Sigma'' = \{a, \dots, z, 0, \dots, 9, =, <, >, !, \dots\}$$

Stringa su un dato alfabeto  $\Sigma$

è una sequenza finita di simboli di  $\Sigma$

abc  
abbbcc  
bbca

abc  $\neq$  bca

# LUNGHEZZA di UNA STRINGA

è il numero di simboli che la compongono

abc	è	una	stringa	di	lunghezza	3
abbc	"	"	"	"	"	4
ba	"	"	"	"	"	2

$\epsilon$  RAPPRESENTA UNA STRINGA di LUNGHEZZA 0  
↑  
EPSILON

ATTENZIONE  $\epsilon \notin \Sigma$

Dato un alfabeto  $\Sigma$  denotiamo con  $\Sigma^*$  <sup>STAR</sup>  
 l'insieme di tutte e sole le stringhe su  $\Sigma$   
 di lunghezza finita.

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$\Sigma^* = \{ \varepsilon, a, b, aa, ab, ba, bb, \\ aaa, aab, aba, \dots \}$$

$\varepsilon \in \Sigma^*$  qualunque sia  $\Sigma$



# NOTAZIONE

per semplicità scriveremo

$$a^m = \underbrace{aa \dots a}_{m \text{ volte}}$$

$$aabb^3 = a^2b^3$$

$$a^1 = a$$

$$abb^2a^2 = ab^2a^2$$

$$a^0 = \varepsilon$$

useremo la stessa notazione anche su porzioni di stringhe

$$a^2(ab)^3 = aaababab$$



( ) non sono simboli in  $\Sigma$

LE USO SOLO PER  
RACCHIUPARE ab

$$aaabbb \neq (ab)^3 = ababab$$

||

$$a^3b^3$$

# DEFINIZIONE DI LINGUAGGIO

Dato un alfabeto  $\Sigma$ , un linguaggio su  $\Sigma$  è un sottoinsieme di  $\Sigma^*$

$$L \subseteq \Sigma^*$$


---

ESEMPI:  $\Sigma = \{a, b\}$

$$L_1 = \{a, ab\} \quad L_1 \subseteq \Sigma^*$$

$$L_2 = \{a, aa, abab, bbab, ab\}$$

$L_1$  e  $L_2$   
SONO FINITI

$$L_3 = \{a^m b^m \mid m, m > 0\}$$



DESCRIVE IL  
LINGUAGGIO INFINITO  
DELLE STRINGHE  
FATTE DA UNA  
SEQUENZA DI a  
SEGUITA DA UNA  
SEQUENZA DI b

$$aabb \in L_3 \quad m=2 \quad m=3$$

$$aaabbbb \in L_3$$

$$bbaa \notin L_3$$

$$bbb \notin L_3 \quad m=0$$

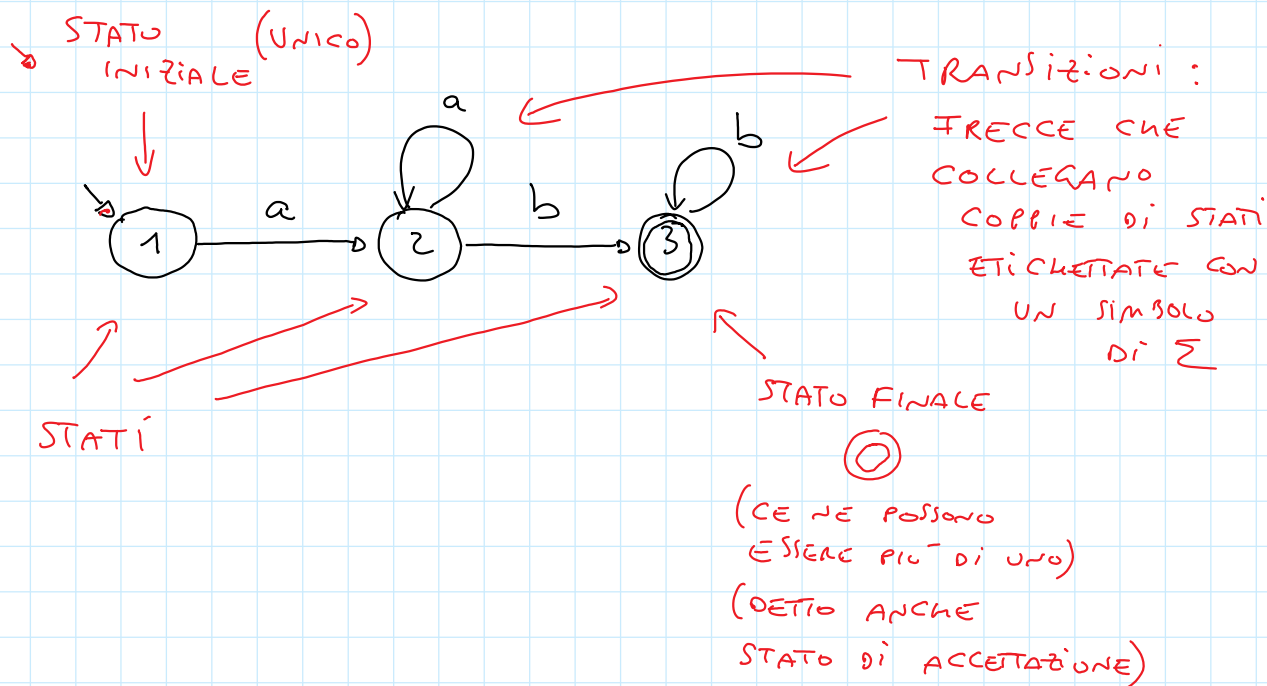
# AUTOMI A STATI FINITI (ASF)

Strumento che, dato un alfabeto  $\Sigma$  e una stringa  $s$  su tale alfabeto  $s \in \Sigma^*$ , mi dice se  $s$  appartiene a un dato linguaggio  $L \subseteq \Sigma^*$  oppure no.

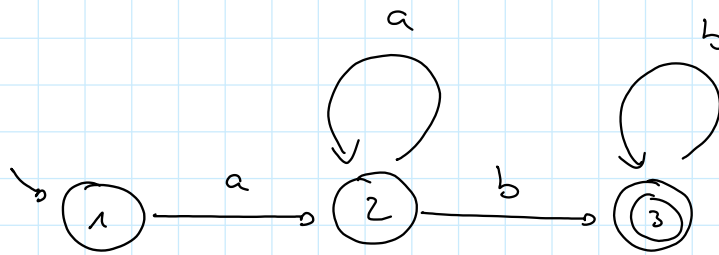
→ RISPONDE ALLA DOMANDA  $s \in L$  ?

GRAFICAMENTE (UN ESEMPIO)

$$\Sigma = \{a, b\}$$



# COME SI USA UN AUTOMA



DATA una stringa vediamo tramite l'automata se appartiene al linguaggio che l'automata definisce.

→ vediamo se l'automata ACCETTA/RICONOSCE la stringa

ESEMPIO:  $aaab$  appartiene al linguaggio?

VEDIAMO SE ESISTE UN PERCORSO DALLO STATO INIZIALE A QUELLO FINALE COSTITUITO DA TRANSIZIONI CHE HANNO COME ETICHETTE I SIMBOLI DELLA STRINGA PRESI IN ORDINE

$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 3$ 
3 è FINALE  
 $\Rightarrow aaab \in L$

ESEMPIO:  $aaa$

$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{a} 2$ 
 $aaa \notin L$   
poiché 2 non è  
-

$1 \rightarrow 2 \rightarrow 2 \rightarrow 2$

poiché 2 non è  
finale

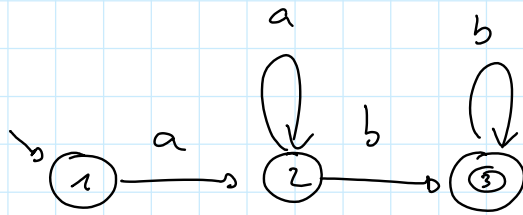
ESEMPIO:  $aabba$   
                  =

$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 3 \xrightarrow{b} 3 \xrightarrow{a}$

$aabba \notin L$

poiché non  
c'è una transizione  
corrispondente  
all'ultima a

IL LINGUAGGIO DEFINITO DA UN ASE  
È L'INSIEME DI TUTTE E SOLE LE STRINGHE  
CHE ESSO ACCETTA



che linguaggio definisce?

$aaab \in L$

$aaabbbb \in L$

$ab \in L$

$$L = \{a^m b^n \mid m, n > 0\}$$

# DEFINIZIONE FORMALE DI ASF

Un automa a stati finiti  $A$  è una quintupla

è fatto di  
5 componenti

$$A = (\Sigma, Q, S, F, \delta)$$

delta  
minuscolo

$\Sigma$  alfabeto

$Q$  insieme finito di stati

$S$  stato iniziale  $S \in Q$

$F$  insieme di stati finali  $F \subseteq Q$   
(di accettazione)

$\delta$  relazione di Transizione

$$\delta \subseteq Q \times \Sigma \times Q$$

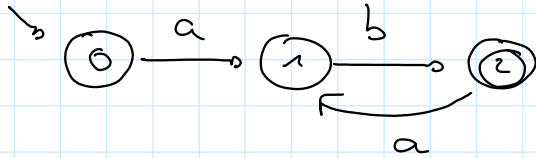
$\times$  è  
PRODOTTO  
CARTESIANO

$$Q \times \Sigma \times Q = \{ \langle q, s, q' \rangle \mid q, q' \in Q, s \in \Sigma \}$$

$$\langle q, s, q' \rangle \equiv \textcircled{q} \xrightarrow{s} \textcircled{q'}$$

ESEMPI:

$$\Sigma = \{a, b\}$$



$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$Q = \{0, 1, 2\}$$

$$S = 0$$

$$F = \{2\}$$

$$\delta = \{ \langle 0, a, 1 \rangle, \langle 1, b, 2 \rangle, \langle 2, a, 1 \rangle \}$$

QUAL È IL LINGUAGGIO DEFINITO?

$$ab \in L$$

$$aba \notin L$$

$$abab \in L$$

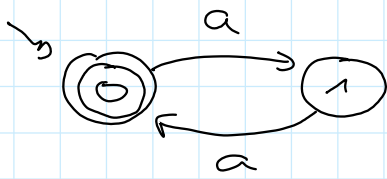
$$abababab \in L$$

$\epsilon \notin L$  (RIMANE FERMA NELLO STATO INIZIALE CHE NON È FINALE)

$$L = \{ (ab)^n \mid n > 0 \}$$



$$\Sigma = \{a\}$$



$$\varepsilon \in L$$

$$a \notin L$$

$$aa \in L$$

$$aaa \notin L$$

$$aaaa \in L$$

$$L = \{a^m \mid m \text{ è pari}\}$$

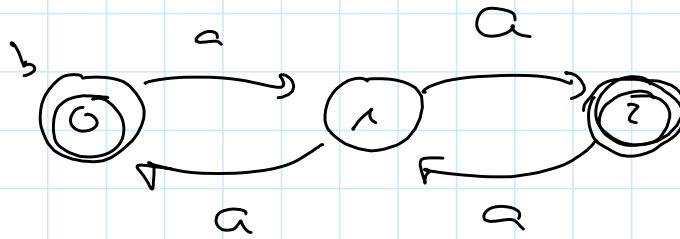
Vi ricordo  
che 0 è pari

Lo posso scrivere anche

$$L = \{a^m \mid m \% 2 = 0\}$$

$$L = \{(aa)^m \mid m \geq 0\}$$

$$L = \{(aa)^m \mid m \in \mathbb{N}\}$$



$$\Sigma = \{a\}$$

ANCHE QUESTO DEFINISCE IL LINGUAGGIO

$$L = \{a^m \mid m \text{ è pari}\}$$

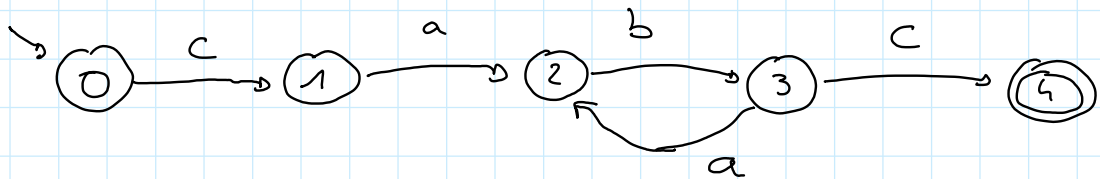
POSSONO ESISTERE AUTOMI DIVERSI PER LO  
STESSO LINGUAGGIO

ESEMPIO AL CONTRARIO: Partiamo dal linguaggio e definiamo l'automa

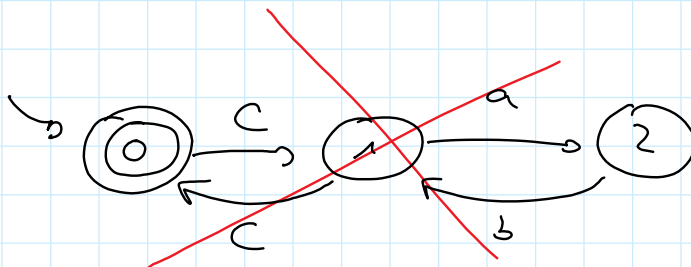
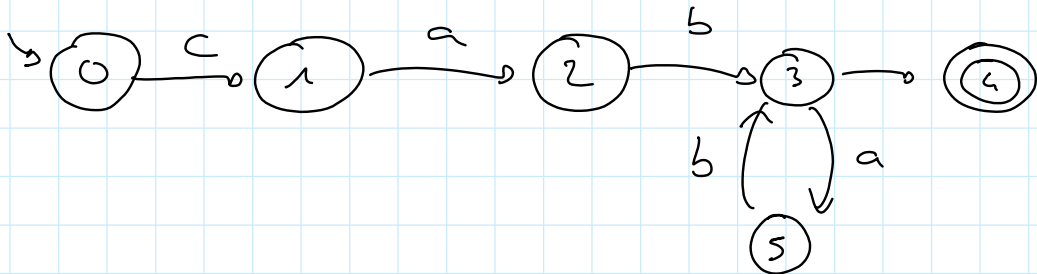
$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$L = \{c(ab)^m c \mid m > 0\}$$

- cabc  $\in L$
- cababc  $\in L$
- cabababc  $\in L$
- ⋮



ALTRE SOLUZIONI



SBAGLIATO!  
ACCETTA ANCHE  $\epsilon$