

Riepilogo CAML

→ Tipi int, float, bool, char, string

↑
'a'

→ let per dichiarazione nomi

- ↳ variabile `let x = 5;;`
- ↳ funzioni `let f x = x + 1;;`

→ funzioni con più parametri

- ↳ `let f (x,y) = x + y;;`
- ↳ `let f x y = x + y;;`

`let g = f 0`

↑
consente l'applicazione parziale

→ funzioni polimorfe

`let i x = x;;`
`i: 'a → 'a = <fun>`

es. # `let maggiore x y = x > y;;`

maggiore: `'a → 'a → bool = <fun>`

$\underbrace{\hspace{1cm}}_{\text{Tipo } x}$
 $\underbrace{\hspace{1cm}}_{\text{Tipo } y}$
 $\underbrace{\hspace{1cm}}_{\text{Tipo risultato}}$

es. # `fst;;`

`let fst (x,y) = x;;`

-: `'a * 'b → 'a = <fun>`

FUNZIONI DEFINITE PER CASI

$$\text{abs}(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \geq 0 \\ -x & \text{se } x < 0 \end{cases}$$

→ uso una ESPRESSIONE CONDIZIONALE

if $x \geq 0$ Then x else $-x$

ESPRESSIONI DELLO STESSO TIPO

└ └
ci vogliono sempre!

```
# let abs x = if x >= 0 then x else -x ;;
```

```
abs : int → int = (fun)
```

```
# abs (-3) ;;
```

↑
ricordarsi le parentesi!!

ALTRO ESEMPIO

```
# let max x y = if x > y then x else y ;;
```

```
max : a → a → a = (fun)
```

x
 y
 risultato

$$\text{max}(x, y) = \begin{cases} x & \text{se } x > y \\ y & \text{altrimenti} \end{cases}$$

DICHIARAZIONI LOCALI

$$\text{areacerchio}(r) = r^2 \cdot \pi \quad \text{dove } \pi = 3,14$$

Let areacerchio r =

Let pi = 3.14 in

r * . r * . pi ;;

|| limite la visibilità di
pi al corpo di areacerchio!
non potrà usare pi nel
seguito ...

$$f(x) = g(x) + 1 \quad \text{dove} \quad g(z) = 2 * z$$

↑
funzione ausiliaria

let f x =

let g z = 2 * z

in (g x) + 1 ;;

↑
parentesi
superflue
(applicazione ha precedenza su +)

]-> g: $\underbrace{\text{int}}_z \rightarrow \underbrace{\text{int}}_{\text{ris}}$

f: $\underbrace{\text{int}}_x \rightarrow \underbrace{\text{int}}_{\text{ris}} = \langle \text{fun} \rangle$

f 3 ;; ✓

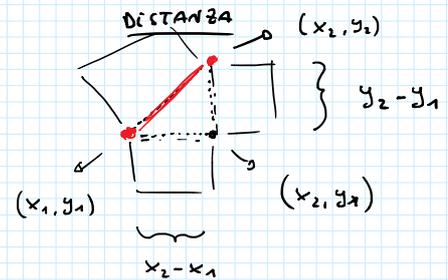
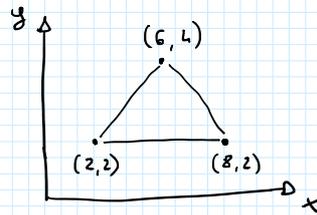
f (-3) ;; ✓

g 2 ;; ✗

g unbound (non definita)

ESEMPIO PIU' COMPLESSO

→ Scriviamo una funzione che calcola il perimetro di un triangolo
date le coordinate dei tre angoli:



$$\text{dist}((x_1, y_1), (x_2, y_2)) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

let perimetro p1 p2 p3 =

let distanza (x1, y1) (x2, y2) =

$$\text{sqrt}((x_2 - x_1) * (x_2 - x_1) + (y_2 - y_1) * (y_2 - y_1))$$

Funzione
predefinita
√

in distanza p1 p2 +.

distanza p2 p3 +.

distanza p3 p1 ;;

perimetro: float * float → float * float → float * float → float = <fun>

perimetro (0.0, 0.0) (3.0, 0.0) (0.0, 4.0) ;;

- : float = 12.0

DEFINIZIONI RICORSIVE

$$\text{fact}(m) = \begin{cases} 1 & \text{se } m=0 \\ m * \text{fact}(m-1) & \text{altrimenti} \end{cases} \quad \text{fact} : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$$

let rec fact m = if m=0 then 1
 else m * fact(m-1) ;;

rec
 DICE CHE
 LA FUNZIONE
 È RICORSIVA

↑ ↑
 ci vogliono
 fact m - 1
 ||
 (fact m) - 1 X

su numeri negativi il programma non termina

$(\mathbb{Z}, \text{fact})$ non ben fondato!!

$$x \text{ fact } y \equiv x = y - 1$$

5	-3
1	1
4	-4
1	1
3	-5
1	1
2	1
1	⋮
1	⋮
1	⋮
0	⋮

↓

per rendere Totale su int dovrei aggiungere un caso
 per $m < 0$

ALTRA ESEMPIO $\left\{ \begin{array}{l} \text{PER RACIONARE SU FUNZIONI RICORSIVE} \\ \text{FUNZIONE CHE USA UN ACCUMULATORE} \end{array} \right.$

$\# \text{ let nec } f \ m \ m = \text{ if } m=0 \text{ Then } m$
 $\text{ else } f \ (m-1) \ (m+3) \ ;;$

$$f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$$

$$\forall m, m \in \mathbb{N} \quad f \ m \ m = m + 3m$$

$$\langle x, y \rangle \prec_f \langle z, w \rangle \equiv x = z - 1 \wedge y = w + 3$$

$$\langle n, m \rangle \quad m > 0$$

$$\mid$$

$$\langle m-1, m+3 \rangle$$

$$\mid$$

$$\vdots$$

$$\langle 0, k \rangle$$

$$\bar{\exists} \quad k \in \mathbb{N}$$

INFINITI
MINIMALI

OK BEN FONDATA !!

DIMOSTRIAMO LA PROPRIETÀ PER INDUZ. BEN FONDATA

CASO BASE

$m=0 \quad m=k \quad k \in \mathbb{N}$

$$f \ 0 \ k$$

$$= \{ \text{def. } f \}$$

$$k$$

$$=$$

$$k + 3 \cdot 0$$

✓

CASO INDUTTIVO

$m > 0 \quad m=k$

$$f \ m \ m$$

$$= \{ \text{def. } f \ \text{nono else} \}$$

$$f \ (m-1) \ (m+3)$$

$$= \{ \text{ip. induttive} \}$$

$$(m+3) + 3 \cdot (m-1)$$

$$= m + 3 + 3m - 3$$

$$= m + 3m$$

✓

nella funzione precedente m ha svolto il ruolo di "accumulare" del risultato mentre n ha determinato la successione delle chiamate ricorsive

- Poiché $\forall m, n \in \mathbb{N} \quad f(m, n) = m + 3n$
 quindi $f(m, 0) = 0 + 3m = 3m$

Se siamo interessati a calcolare $3m$ possiamo usare f come funzione ausiliaria

$$\# \text{ let } g(m) =$$

$$\text{let rec } f(m, n) = \text{if } n=0 \text{ then } m$$

$$\text{else } f(m-1, n+3)$$

$$\text{in } f(m, 0) ;;$$

→ la funzione ricorsiva accumula il risultato

LISTE IN CAML

La lista in CAML è un tipo di dato predefinito !!

`[]` rappresenta la lista vuota

`# [];;`

`-: 'a list = []`

↑
variable
di Tipo

↑
Tipo lista

'a list = lista di elementi di qualunque tipo

`::` detto cons consente di costruire una lista aggiungendo un elemento in testa ad una lista esistente

`# 3::[];;`

`-: int list = [3]`

$[4;3] \equiv 4::[3] \equiv 4::3::[]$

`# 4::[3];;`

`-: int list = [4;3]`

`# [True; false; True];;`

`-: bool list = [...]`

`# let f x = x+1;;`

`f: int → int = <fun>`

f e g hanno lo stesso tipo $int \rightarrow int$

`# let g x = x-1;;`

`g: int → int = <fun>`

`# [f;g];;`

`-: int → int list = [<fun>; <fun>]`

`# [3+2; 6-4];;`

`-: int list = [5, 2]`

`# [[3;2]; [4;1;2]];;`

- : int list list = [----]