

25 giugno 2014

Titolo nota

24/09/2015

Dato l'alfabeto $\Sigma = \{\emptyset, 1, 2\}$ si definisce una grammatica
che genera

$$L = \{ \alpha \mid \alpha \in \Sigma^+ \wedge \sum \alpha \pmod 2 = \emptyset \wedge \alpha \pmod 1\emptyset = \emptyset \}$$

dove $\sum \alpha$ è la somma di tutte le cifre di α .

$$121 \notin L$$

$$1\emptyset \notin L$$

$$211\emptyset \in L$$

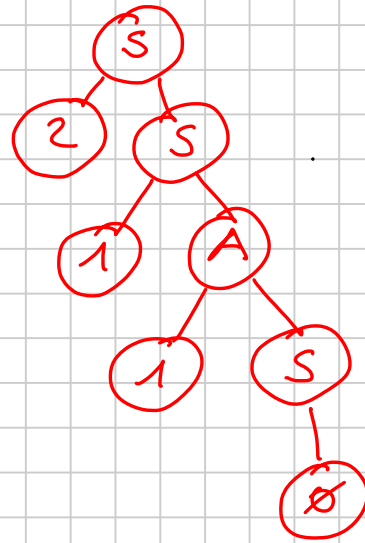
α deve terminare con \emptyset

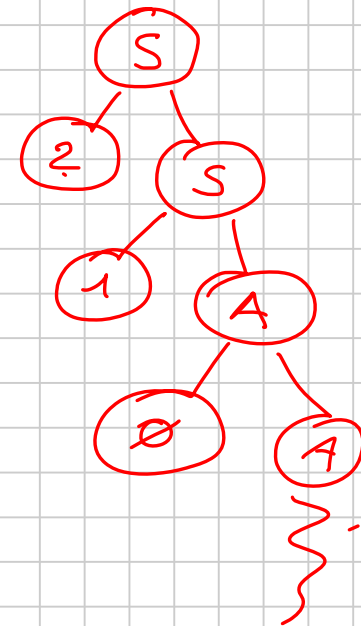
Inoltre sommare le
cifre di α e la somma deve essere pari

$$S \rightarrow \emptyset \mid \emptyset S \mid 2S \mid 1A$$

$$A \rightarrow \emptyset A \mid 2A \mid 1S$$

$$\emptyset \in L$$

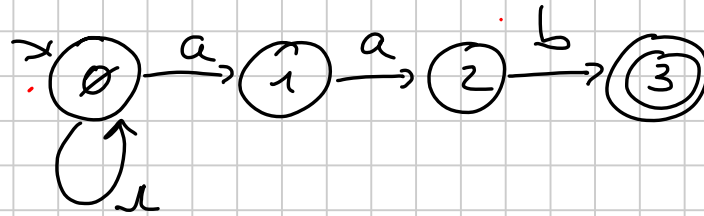
$$211\emptyset \in L$$


$$\underline{210} \notin L$$


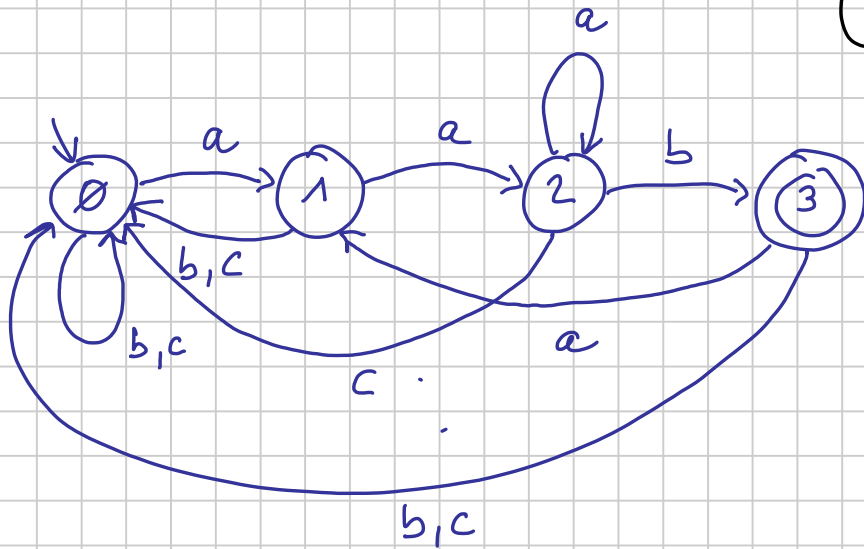
Definire un automa deterministico che riconosca
 tutti i alfabeti $\Sigma = \{a, b, c\}$

$$L = \{ \alpha aab \mid \alpha \in \Sigma^* \}$$

$aab \in L$



N. Det.



Dato la seguente definizione di tipo:

```
type 'a bilist = Tail of 'a * 'a | Cons of 'a * 'a * 'a bilist ;;
```

Si definisce in CAML una funzione

`check : 'a bilist → bool`

che restituisce true se tutti gli elementi di tipo 'a dell'argomento sono distinti tra loro.

Suggerimento: definire una funzione ausiliaria analoga alla funzione `member` su liste.

`check (Cons (5, 6, Tail (5, 3))) = false`

Value di tipo bilist

let rec member bl m = match bl with

 Tail (x,y) → m = x or m = y

 | Cons (x,y, bl1) → m = x or m = y or
 member bl1 m;;

if m = x then true
 else m = y

if m = x or m = y
 then true
 else member bl1 m;;

| Cons (x,y, bl1) when m = x or m = y → true

| Cons (x,y, bl1) when m <> x & m <> y → member bl1 m;;

let rec check bl = match bl with

Tail (x,y) → x <> y

| Cons (x,y, bl1) → if x = y then false
else if member bl1 x then false
else if member bl1 y then false
else check bl1 ;;

Si definisce in C una funzione

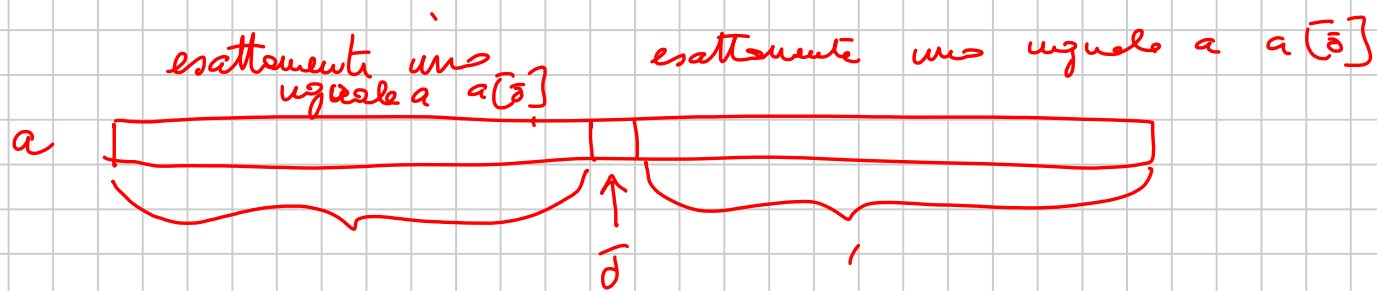
$\text{int check}(\text{int } a[], \text{int dim})$

che restituisce il valore di verità delle seguenti formule

$\exists j \in (0, \text{dim} - 1).$

$(\# \{k \mid k \in [0, j) \wedge a[k] = a[j]\}) = 1$ \wedge

$(\# \{k \mid \underline{k} \in (j, \text{dim}) \wedge a[k] = a[j]\}) = 1$



```

int check (int a[], int dim)
{
  int trovato = 0; int j = 1;
  while (j < dim - 1 && !trovato)
  {
    int k = 0;
    int conte = 0;
    while (k < j && conte < 2)
    {
      if (a[k] == a[j]) conte = conte + 1;
      k = k + 1;
    }
    if (conte == 1)
    {
      conte = 0;
      k = j + 1;
      while (k < dim && conte < 2)
      {
        if (a[k] == a[j]) conte = conte + 1;
        k = k + 1;
      }
      if (conte == 1) trovato = 1;
      else j = j + 1;
    }
    else j = j + 1;
  }
  return trovato;
}

```

The code is annotated with green circles around the inner loops and a red arrow pointing from the return statement back to the start of the while loop.

int conta (int n, int a[], int ini, int fin)

```
{
  int cont = 0;
  int i = ini;
  while (i <= fin && cont < 2)
  {
    if (a[i] == n) cont = cont + 1;
    i = i + 1;
  }
  return cont;
}
```

```
int check (int a[], int dim)
```

```
{  
  int trovato = 0; int j = 1;  
  while (j < dim-1 && !trovato)  
  {  
    int c = conta(a[j], a, 0, j-1);  
    if (c == 1)  
    {  
      c = conta(a[j], a, j+1, dim-1);  
      if (c == 1) trovato = 1;  
      else j = j+1;  
    }  
    else j = j+1;  
  }  
  return trovato;  
}
```

Senza utilizzare "ricorsione esplicita", definire una funzione CADL

$\text{subst} : ('a * 'a) \text{ list} \rightarrow \text{bool list}$

che, date una lista di coppie, restituisce la lista di booleani nelle quali il valore true (risp. false) compare in posizione i sse nella stessa posizione della lista originaria compare una coppia di elementi uguali (risp. diversi).

$\text{subst } [(2,3); (3,3); (4,4); (5,6)] = [\text{false}; \text{true}; \text{true}; \text{false}]$

Utilizzando map

let subst l =
 let f (x, y) = x = y

in

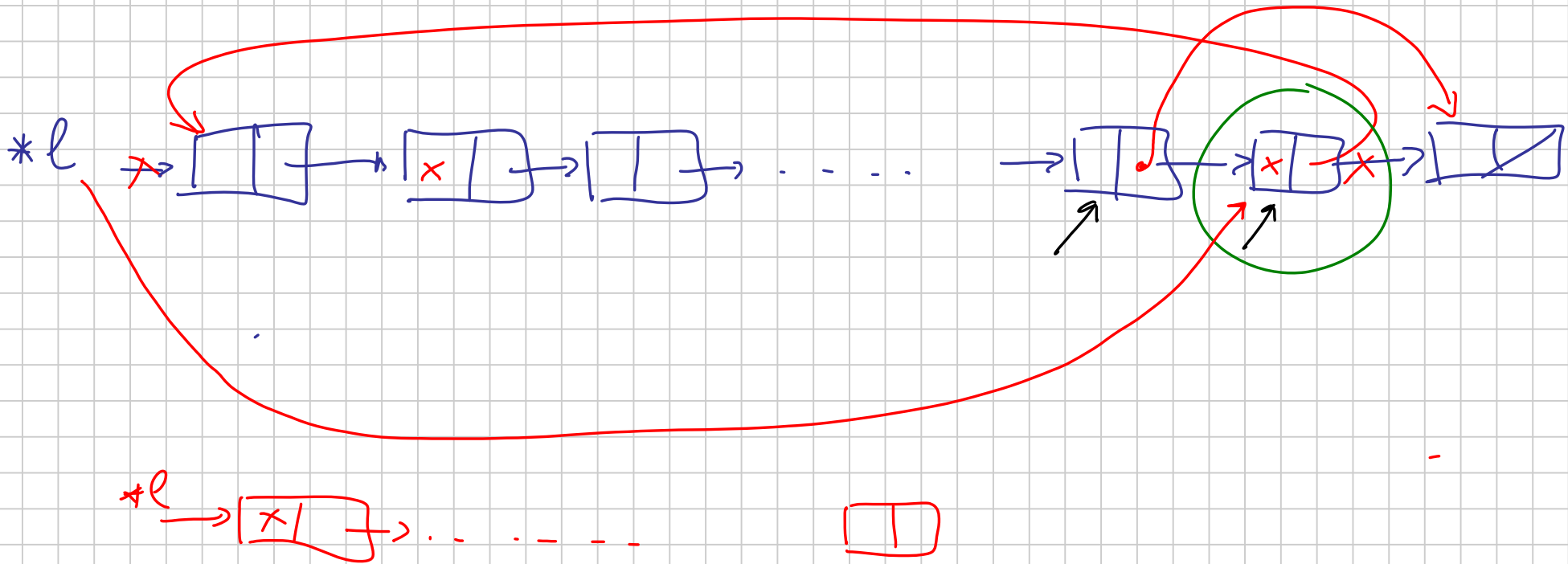
map f l ;;

Utilizzando foldr

let subst l =
 let f (x, y) z =
 (x = y) :: z

in foldr f [] l ;;

Scrivere in C una procedura che, dati in ingresso, attraverso opportuni parametri, una lista di interi e un intero x , sposti in prime posizioni l'ultima occorrenza dell'elemento x .

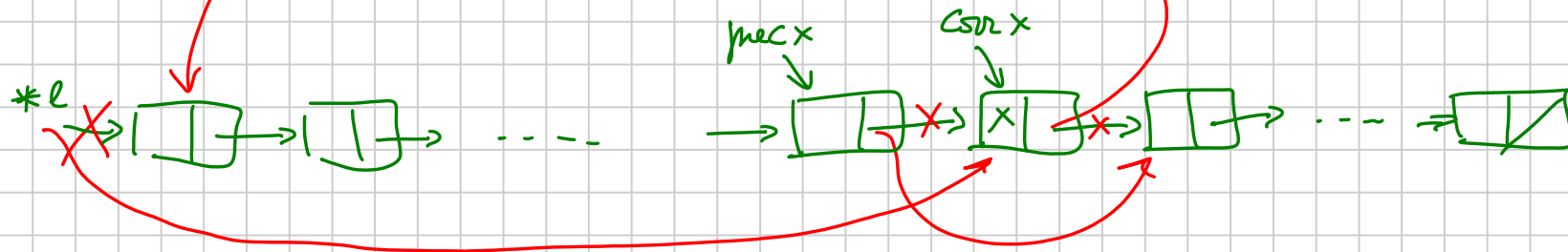


```
void spostare (ListaDiElementi * l, int x)
```

```
{ if (*l != NULL)
  if ((*l) -> next != NULL)
  { ListaDiElementi precx = NULL, currx = NULL;
    ListaDiElementi prec = *l, curr = (*l) -> next;
    while (curr != NULL)
      { if (curr -> info == x) { precx = prec;
                               currx = curr;
                               }
        prec = curr;
        curr = curr -> next;
      }
  }
}
```

dopo il comando while

```
if (curr != NULL)
{
    precx -> next = curr -> next;
    curr -> next = *l;
    *l = curr;
}
```



mediante foldr

pari : 'a list \rightarrow bool

in modo che pari l sia true se e solo se l è di lunghezza pari.

pari [2;3;4] = false pari [2;3] = true pari [] = true

let pari l =

let f x y = not y

in foldr f true l ;;