

14/7/2014

Si definisce una grammatica per il seguente ling. $\Sigma = \{a, b\}$

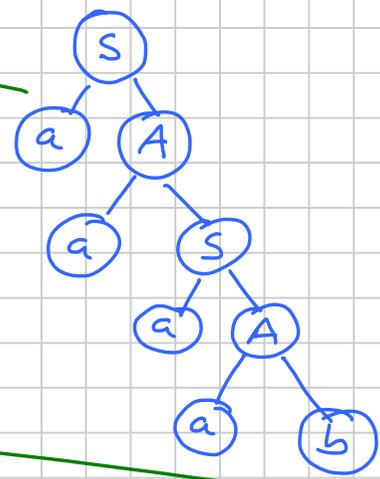
$$L = \{a^m b \mid m > 0 \text{ e } m \text{ pari}\}$$

in modo che tutti gli alberi di derivazione siano alberi binari
e tutti i nodi non foglia abbiano almeno un figlio costituito
da una foglia.

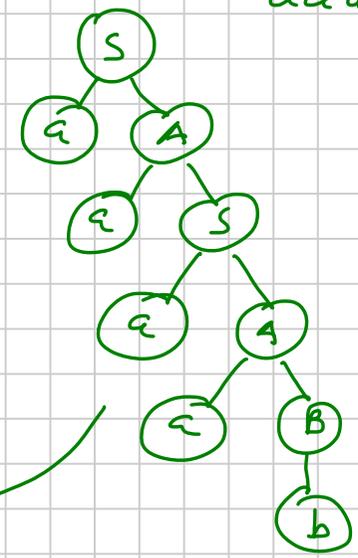
$S \rightarrow aA$
 $A \rightarrow ab \mid aS$

$S \rightarrow aA$
 $A \rightarrow aB \mid aS$
 $B \rightarrow b$

$aaaaab \in L$



$aaab$



Una barca ste sulle riva di un fiume. Azioni delle barce sono:

↑ caricare un peso

↓ scaricare " "

→ andare dalle riva sinistra a quelle destra .

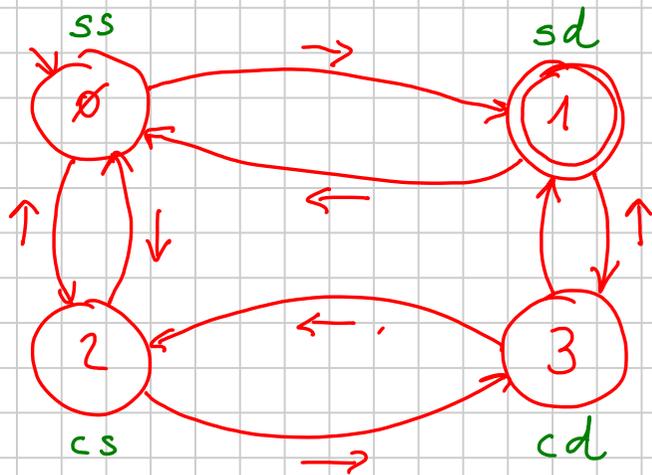
← " " " destra " " sinistra

Definire un ASF sull'alfabeto $\Sigma = \{\uparrow, \downarrow, \leftarrow, \rightarrow\}$ che riconosca tutte e solo le stringhe che rappresentano sequenze di azioni delle barce in modo che

partendo scarica sulle riva SINISTRA

arrivi scarica sulle riva DESTRA

es: $\rightarrow, \uparrow \rightarrow \downarrow \uparrow \downarrow \in L$ $\varepsilon, \uparrow \rightarrow \notin L$



Dato una lista di coppie di numeri reali, in cui ogni coppia rappresenta le coordinate di un punto sul piano cartesiano,

si definisce una funzione CADL

check : (float * float) list \rightarrow bool

che controlli che gli elementi della lista siano ordinati in modo crescente rispetto alle loro distanze dall'origine $(0,0)$.

sqrt : float \rightarrow float (x,y) distanza dall'origine e $\sqrt{x^2+y^2}$

```

let rec check l = match l with
| []  $\rightarrow$  true
| [x]  $\rightarrow$  true
| (x1, y1) :: (x2, y2) :: ys when sqrt(x1*x1 + y1*y1) < sqrt(x2*x2 + y2*y2)
   $\rightarrow$  check ((x2, y2) :: ys)
| (x1, y1) :: (x2, y2) :: ys when sqrt(x1*x1 + y1*y1) >= sqrt(x2*x2 + y2*y2)
   $\rightarrow$  false ;;
  
```

let rec check l = match l with

[] → true

| [x] → true

| (x₁, y₁) :: (x₂, y₂) :: ys → sqrt(x₁*x₁ + y₁*y₁) < sqrt(x₂*x₂ + y₂*y₂)
 && check ((x₂, y₂) :: ys);;

→ | (x₁, y₁) :: (x₂, y₂) :: ys → if sqrt(") < sqrt(")
 then check ((x₂, y₂) :: ys)
 else false ;

Si definisce una funzione C

$\text{int check}(\text{int } a[], \text{int } b[], \text{int } \text{dim}a, \text{int } \text{dim}b)$
che dati due array di interi e le loro dimensioni, restituisce
il valore di verità delle seguenti formule

$$\exists j \in [0, \text{dim}a). \left(\# \{ \underline{i} \mid i \in [0, \text{dim}b) \wedge a[j] = b[i] \} = 3 \right)$$

numero degli elementi di b uguali
a $a[j]$

$\exists j \in [0, \text{dim}a). \quad a[j]$ è uguale a esattamente 3 elementi di b ?

Senza utilizzare "ricorsione esplicita" definire una funzione CADL

Utilizzando una delle funzioni
di ordine superiore: map, filter, foldl
forall, exists

subst: int list \rightarrow int list

che, data una lista di interi, sostituisce con \emptyset tutti gli
elementi che precedono l'ultima occorrenza del valore \emptyset .

subst [1; 2; \emptyset ; 4; 1; \emptyset ; 2; 3] = [\emptyset ; \emptyset ; \emptyset ; \emptyset ; \emptyset ; \emptyset ; 2; 3]

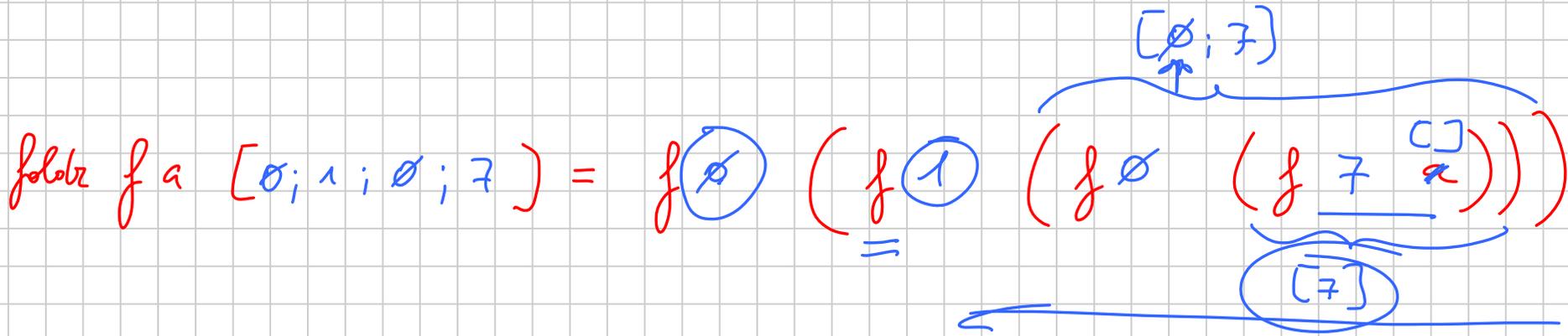
let subst l =

risultato sulle parte rimanente (quelle che seguono l'elemento x)

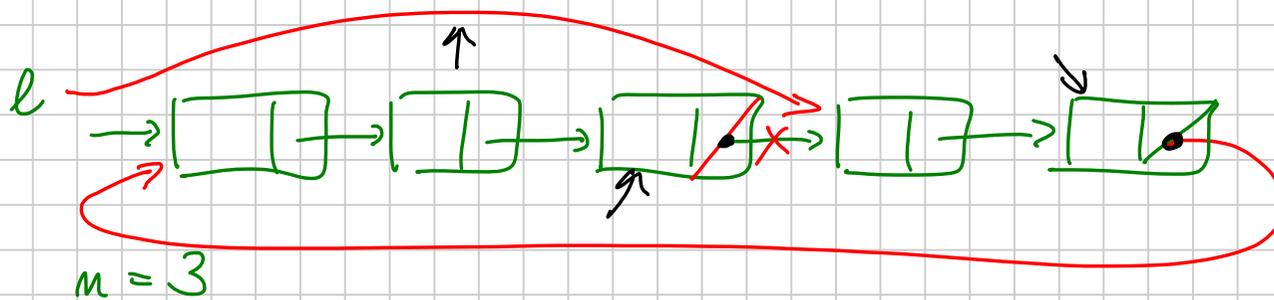
let f x y = match y with
[] -> [x]

| s :: ss -> if s = 0 then [] :: s :: ss
else x :: s :: ss

in foldr f [] l;



Scrivere in C una procedura che, dati in ingresso, attraverso
 opportuni parametri, una lista di interi e un valore intero
 positivo n , sposta in fondo alla lista i primi n element.
 Se n è maggiore o uguale alla lunghezza della lista,
 questo rimane inalterato.

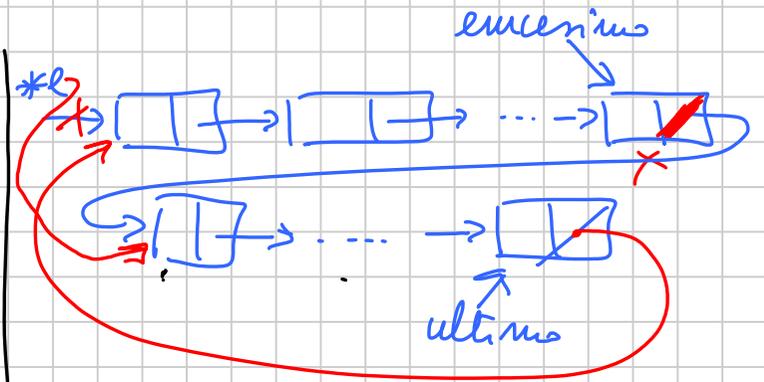


```

int lunghezza (ListaDiElementi l)
{ int conte = 0; while (l != NULL) { conte = conte + 1; l = l->next; }
  return conte;
}
  
```

void sposta (ListaDiElementi *l, int n)

```
{ if (lunghezza(*l) > n)
  { listaDiElementi: enumero = *l;
    listaDiElementi: ultimo = *l;
    int contaelementi = 1;
    while (contaelementi < n)
      { enumero = enumero -> next;
        contaelementi = contaelementi + 1;
      }
    while (ultimo -> next != NULL)
      ultimo = ultimo -> next;
  }
}
```



```
ultimo -> next = *l
*l = enumero -> next;
enumero -> next = NULL;
}
```