LOGICA PER LA PROGRAMMAZIONE – a.a. 2017/18 Settima Esercitazione — 14/12/2017

ESERCIZIO 1 Si consideri il seguente frammento di programma annotato

$$\begin{aligned} &\{x = 0 \ \land \ y = 0 \ \land \ n \geq 0\} \\ &\{ \mathsf{Inv} : \ y = x * n \ \land \ x \in [0, n] \} \{\mathsf{t} \colon n - x \} \\ &\mathbf{while} \ (x < n) \ \mathbf{do} \\ & x, y := x + 1, y + n; \\ &\mathbf{endw} \\ &\{ y = n^2 \} \end{aligned}$$

- 1. Si scrivano le ipotesi di progresso, di invarianza e di terminazione.
- 2. Si dimostrino le ipotesi di progresso e di invarianza.

ESERCIZIO 2 Si verifichi la seguente tripla di Hoare (assumendo a: array [0, n) of nat)

$$\{P\}$$

$$\mbox{if } a[x] > a[x-1] \mbox{ then } sum := sum + 2*a[x] \mbox{ else skip fi} \\ \{Q\}$$

dove

- $P \equiv x \in [1, n) \land sum = (\Sigma i : i \in [1, x) \land a[i] > a[i 1] \cdot 2 * a[i]),$
- $Q \equiv sum = (\Sigma i : i \in [1, x] \land a[i] > a[i 1] \cdot 2 * a[i]).$

ESERCIZIO 3 Si verifichi la seguente tripla di Hoare (assumendo a: array [0, n) of nat)

$$\{h \in dom(a) \ \land \ h \ge 1 \ \land \ (\forall i.i \in [0, h) \Rightarrow a[i] > k)\}$$

$$a[h] := a[0] + 1$$

$$\{(\forall i.i \in [0, h] \Rightarrow a[i] > k)\}$$

ESERCIZIO 4 Si consideri il seguente frammento di programma annotato

```
 \{x = 0 \land z = 1 \land n \ge 0 \land m \ge 0\}   \{ \text{Inv} : x \in [0, \max(n, m)] \land z = w^x \} \{ \text{t: } \max(n, m) - x \}   \text{while } (x < n \text{ or } x < m) \text{ do}   z := z * w;   x := x + 1   \text{endw}   \{z = w^{\max(m, n)} \}
```

- 1. Si scrivano le ipotesi di invarianza, di progresso e di terminazione.
- 2. Si dimostri l'ipotesi di invarianza.