



---

# Esercitazione

---



# Esercizio 1 (parte 1)

---

- Si estenda il linguaggio funzionale didattico in modo da includere valori di *default* nella dichiarazione del parametro formale di una funzione unaria.
- Esempio (sintassi nello stile di Ocaml)
  - `let myFun a[True] = if a then 5 else 10;;`
  - `[valore di default]`
- Le invocazioni **myFun(True)** e **myFun()** restituiscono il medesimo risultato, **5**, mentre l'invocazione di **myFun(False)** restituisce **10**.



# Esercizio 1

---

- Si estenda la sintassi astratta del linguaggio didattico funzionale in modo da includere valori di default nella dichiarazione di funzioni unarie.

# Soluzione

---



type exp = ...  
| Dfun of ide \* exp \* exp

...

| Dcall of ide \* exp  
| Ncall of ide

type evT= ...  
| Dfunval of ide \* exp \* exp \* eval env



# Esercizio 1 (parte 2)

---

- Si definiscano le regole OCaml dell'interprete per trattare la valutazione di dichiarazione e la chiamata di funzioni unarie con parametri di default.

# Soluzione

---



let rec eval e r = match e with

...

| Dfun(p, d, body) -> Dfunval(p, d, body, r)

...

| Dcall(e1, e2) -> match eval(e1, r) with

    Dfunval(p, d, body, r1) ->

        eval(body, bind(r1, a, eval(e2, r)))

    | \_ -> failwith "wrong exp"

| Ncall(e) -> match eval(e, r) with

    Dfunval(p, d, body, r1) ->

        eval(body, bind(r1, a, eval(d, r1)))

    | \_ -> failwith "wrong exp"



# Esercizio 2

---

```
let rec iterate n f d =  
  if n = 0 then d  
  else iterate (n-1) f (f d);;
```

```
let power i n =  
  let i_times a = a * i in  
  iterate n i_times 1;;
```

```
# power 3 2;;  
- : int = 9
```

Simulando la valutazione dell'espressione **power 3 2**, si mostri la struttura della pila dei record di attivazione.



---

# **Un caso di studio: passaggio per nome**





# Passaggio per nome

---

- L'espressione passata in corrispondenza di un parametro per nome "x" non viene valutata al momento del passaggio
  - ogni volta che (eventualmente) si incontra una occorrenza del parametro formale "x" l'espressione passata a "x" viene valutata
- Per definire (funzioni e) sottoprogrammi non stretti su uno (o più di uno) dei loro argomenti
  - l'attivazione può dare un risultato definito anche se l'espressione, se valutata, darebbe un valore indefinito (errore, eccezione, non terminazione)
    - semplicemente perché in una particolare esecuzione "x" non viene mai incontrato



# Passaggio per nome nei linguaggi imperativi

---

- Dato che l'espressione si valuta ogni volta che si incontra il parametro formale
  - nella memoria corrente
  - e l'espressione contiene variabili che possono essere modificate (come non locali) dal sottoprogramma
- Diverse occorrenze del parametro formale possono dare valori diversi

# Passaggio per nome: semantica

---

- Consideriamo un linguaggio funzionale: l'espressione passata in corrispondenza di un parametro per nome "x"
  - non viene valutata al momento del passaggio
  - viene (eventualmente) valutata ogni volta che si incontra una occorrenza del parametro formale "x"
- Una espressione non valutata è una chiusura  
exp \* evT env
- La valutazione dell'occorrenza di "x" si effettua valutando l'espressione della chiusura nell'ambiente della chiusura



# Passaggio per nome

---

```
type exp = ...
  | Namexp of exp
  | Namden of ide
type evT = :
  and namexp = exp * dval env
let rec eval((e: exp), (r: evTenv) =
  match e with
  | ...
  | Namexp e1 -> namexp(e1,r)
  | Nameden(i) -> match applyenv(r, i) with
                    namexp(e1, r1) -> eval(e1, r1)
```



# Espressioni per nome e funzioni

---

- Una espressione passata per nome è chiaramente simile alla definizione di una funzione (senza parametri)
  - che “si applica” ogni volta che si incontra una occorrenza del parametro formale
- Stessa soluzione semantica delle funzioni
  - chiusura in semantica operativa (e nelle implementazioni)
- L’ambiente che viene fissato (nella chiusura) è quello di passaggio
  - che, per le espressioni, è l’equivalente della definizione ma mentre la semantica delle funzioni è influenzata dalla regola di scoping, ciò non è vero per le espressioni passate per nome
  - che vengono comunque valutate nell’ambiente di passaggio, anche con lo scoping dinamico
- Il passaggio per nome è previsto in nobili linguaggi come ALGOL e LISP
  - è alla base dei meccanismi di valutazione lazy di linguaggi funzionali moderni come Haskell
  - può essere simulato in ML passando funzioni senza argomenti!



# Argomenti funzionali à la LISP

---

- LISP ha lo scoping dinamico, pertanto il dominio delle funzioni è  
type efun = exp
- Un argomento formale “x” di tipo funzionale dovrebbe denotare un eval della forma Funval(efun)
- Se “x” viene successivamente applicato, il suo ambiente di valutazione dovrebbe correttamente essere quello del momento dell’applicazione
- La semantica di LISP prevede invece che l’ambiente dell’argomento funzionale venga congelato nel momento del passaggio
- Questo porta alla necessità di introdurre due diversi domini per funzioni e argomenti funzionali  
type funarg = exp \* evT env
- I domini degli argomenti funzionali sono chiaramente identici ai domini delle funzioni con scoping statico
  - ma l’ambiente rilevante (quello della chiusura) è quello del passaggio e non quello di definizione



# Argomenti funzionali à la LISP, 2

---

- Quando una funzione viene passata come argomento a un'altra funzione in una applicazione
  - passando un nome di funzione, una lambda astrazione o una qualunque espressione la cui valutazione restituisca una funzione  
la funzione deve essere prima di tutto “chiusa” con l'ambiente corrente
  - inserendo  $r$  nella chiusura  
da  **$e_{fun} = exp$**  a  **$funarg = exp * evT env$**
- Nelle implementazioni coesisteranno funzioni rappresentate dal solo codice e argomenti funzionali rappresentati da chiusure (codice, ambiente)
  - con un numero notevole di complicazioni associate



# Ritorno di funzioni à la LISP

---

- Quando una applicazione di funzione restituisce una funzione, il valore restituito dovrebbe essere di tipo `efun`
- In alcune implementazioni di LISP si segue la medesima strada degli argomenti funzionali
  - viene restituito un valore di tipo `funarg`
- Anche questa scelta complica notevolmente l'implementazione
  - si hanno gli stessi problemi dello scoping statico (retention), senza averne i vantaggi (verificabilità, ottimizzazioni)





# Chiusure per tutti i gusti

---

- Nelle semantiche operazionali e nelle implementazioni un'unica soluzione per
  - espressioni passate per nome (con tutte e due le regole di scoping)
  - funzioni, procedure e classi con scoping statico
  - argomenti funzionali e ritorni funzionali con scoping dinamico à la LISP