

# CRITTOGRAFIA

---

- Identificazione
- Autenticazione
- Firma digitale

## Identificazione, autenticazione e firma digitale

### Identificazione:

Un sistema di elaborazione, isolato o in rete, deve essere in grado di **accertare l'identità di un utente** che richiede di accedere ai suoi servizi.

### Autenticazione:

Il destinatario di un messaggio deve essere in grado di accertare

- l'identità del mittente
- l'integrità del crittogramma ricevuto.

# Identificazione, autenticazione e firma digitale.

## Firma digitale

1. MITT non deve poter negare di aver inviato un messaggio  $m$ .
2. DEST deve essere in grado di autenticare il messaggio
3. DEST non deve poter sostenere che  $m' \neq m$  è il messaggio inviato da MITT.

Tutto deve essere verificabile da una terza parte.

## Relazioni tra le funzionalità

Non sono indipendenti, ma ciascuna estende le precedenti

- L'autenticazione di un messaggio garantisce l'identificazione del mittente.
- L'apposizione della firma garantisce l'autenticazione del messaggio.

Ogni funzionalità è utilizzata per contrastare gli attacchi attivi.

Esistono realizzazioni algoritmiche basate sui cifrari asimmetrici e simmetrici.

# Funzioni hash

Una **funzione hash**  $f: X \rightarrow Y$  è una funzione tale che

$$n = |X| \gg m = |Y|$$

$\exists X_1, X_2, \dots, X_m \subseteq X$  **disgiunti** t.c.

$$X = X_1 \cup X_2 \cup \dots \cup X_m$$

$$\forall i, \forall x \in X_i, f(x) = y$$

## Una buona funzione hash deve assicurare che

**I sottoinsiemi  $X_1, \dots, X_m$  abbiano circa la stessa cardinalità**  
due elementi estratti a caso da  $X$  hanno probabilità circa  $1/m$  di avere la stessa immagine in  $Y$

**Elementi di  $X$  molto “simili” tra loro appartengano a due sottoinsiemi diversi**

se  $X$  è un insieme di interi, due elementi con valori prossimi devono avere immagini diverse

### **Gestione delle collisioni**

L'algoritmo che impiega la funzione hash dovrà affrontare la situazione in cui più elementi di  $X$  hanno la stessa immagine in  $Y$ .

# Funzioni hash one-way

Se la funzione è applicata in crittografia, deve soddisfare le seguenti proprietà:

1. per ogni  $x \in X$  è **computazionalmente facile** calcolare

$$y = f(x)$$

2. Proprietà **one-way**: per la maggior parte degli  $y \in Y$  è **computazionalmente difficile** determinare  $x \in X$  tale che

$$f(x) = y, \text{ i.e., } x = f^{-1}(y)$$

3. Proprietà **claw-free**: è computazionalmente difficile determinare una coppia di elementi  $x_1, x_2$  in  $X$  tali che

$$f(x_1) = f(x_2)$$

## Funzioni hash usate in crittografia: MD5 (Message Digest, versione 5)

- Si tratta di una famiglia di algoritmi, quello originale non fu mai pubblicato. Si pubblicarono MD2, seguito da MD4.
- In MD2 e MD4 furono trovate debolezze, e Ron Rivest propose MD5, nel 1992.
- Riceve in input una sequenza  $S$  di 512 bit e produce un'**immagine di 128 bit**: la sequenza è **digerita** riducendone la lunghezza ad un quarto.
- E' stato in seguito dimostrato che MD5 non resiste alle collisioni, e nel 2004 si sono individuate delle debolezze serie.
- Oggi la sua **sicurezza si considera severamente compromessa**.
- Lo stesso Rivest ha affermato (2005) che MD5 era da considerarsi chiaramente forzata dal punto di vista della resistenza alle collisioni.

## Funzioni hash usate in crittografia: RIPEMD-160

- Versione “matura” delle funzioni MD
- Nata nel 1995 nell'ambito di un progetto dell'Unione Europea
- Produce immagini di 160 bit ed è esente dai difetti di MD5

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

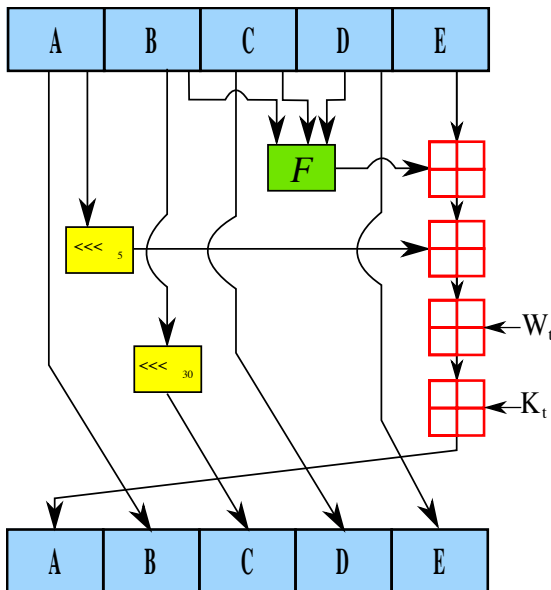
- Progettata da NIST e NSA nel 1993, si adotta quando la proprietà di claw-free è cruciale per la sicurezza del sistema
- Opera su sequenze lunghe fino a  $2^{64}$  bit e produce **immagini di 160 bit**
- È una **funzione crittograficamente sicura**: soddisfa i requisiti delle funzioni hash one-way, e genera immagini molto diverse per sequenze molto simili.
- La prima versione pubblicata (SHA-0) conteneva una debolezza, scoperta in seguito da NSA, che portò a una revisione dello standard.

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

- **1993**  
SHA-0: proposta dal NIST nel 1993, presto ritirata a causa di una debolezza interna
- **1995**  
SHA-1: progettato da NSA, uso raccomandato dal NIST
- **2001**  
SHA-2: quattro funzioni della famiglia SHA, progettate da NSA e pubblicate dal NIST, caratterizzate da digest più lunghi
- **2007**  
A causa degli attacchi su MD5 e SHA-0, e di attacchi teorici su SHA-1, il NIST ha sollecitato proposte per un nuovo algoritmi hash. Ci sono stati 63 candidati.
- **2012**  
Si è conclusa la valutazione, ed è stato selezionato una funzione hash, di progettazione non governativa → **SHA-3** (team di analisti italiani e belgi, rilasciata ufficialmente nel 2015).

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA-1

- Opera su sequenze lunghe fino a  $2^{64}-1$  bit, e produce **immagini di 160 bit**.
- E' molto usata nei protocolli crittografici anche se **non è più certificata come standard**
- Tutte le altre funzioni hanno una struttura molto simile a SHA-1
- Opera su blocchi di 160 bit, contenuti in un buffer di 5 registri di 32 bit ciascuno, in cui sono caricati inizialmente dei valori pubblici
- Il messaggio  $m$  viene concatenato con una sequenza di padding che ne rende la lunghezza multipla di 512 bit
- Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli successivi in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti da  $m$
- Alla fine del procedimento, i registri contengono  $SHA-1(m)$ .



Un'iterazione all'interno della funzione di compressione di SHA-1. A, B, C, D ed E sono parole di stato a 32 bit; F è una funzione non lineare che varia;  $\lll_n$  denota una rotazione del bit di sinistra di  $n$  posti;  $n$  varia per ogni operazione.  $\boxplus$  denota l'addizione modulo  $2^{32}$ .  $K_t$  è una costante.

$W_t$  blocco di 32 bit ottenuto tagliando e rimescolando i blocchi di messaggio

Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli (all'inizio sono caricati valori fissi e pubblici) in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti dal messaggio  $W$ , nonché con alcuni parametri relativi al ciclo. Alla fine del procedimento (quando è stato letto l'intero messaggio) i registri contengono l'hash SHA1( $W$ )

## Identificazione su canali sicuri

**ESEMPIO:** accesso di un utente alla propria casella di posta elettronica, o a file personali memorizzati su un calcolatore ad accesso riservato ai membri della sua organizzazione.

- l'utente inizia il collegamento inviando in chiaro **login** e **password**
- se il canale è protetto in lettura e scrittura, un attacco può essere sferrato solo da un utente locale al sistema:
  - ad esempio l'amministratore che ha accesso a tutti i file memorizzati (oppure un hacker)
- Il meccanismo di identificazione prevede una cifratura delle password, realizzata con funzioni hash one-way.

## Cifratura password nei sistemi UNIX

Quando un **utente U** fornisce per la prima volta una **password P**

il sistema associa a U due sequenze binarie (che memorizza nel file delle password al posto di P):

- **S (seme)**  
prodotta da un generatore pseudocasuale
- **$Q = h(PS)$**   
h: funzione hash one-way

## Cifratura password nei sistemi UNIX

Ad ogni successiva connessione di U, il sistema:

- recupera S dal file delle password,
- concatena S con la password fornita da U
- calcola l'immagine one-way della nuova sequenza:  $h(PS)$
- se  $h(PS) = Q$  l'identificazione ha successo.

Un accesso illecito al file delle password non fornisce informazioni interessanti:

è computazionalmente difficile ricavare la password originale dalla sua immagine one-way



# Protezione del canale

Se il canale è insicuro, la password può essere intercettata durante la sua trasmissione in chiaro.

Il sistema non dovrebbe mai maneggiare direttamente la password, ma una sua immagine inattaccabile.

## Canale insicuro: identificazione

$\langle e, n \rangle, \langle d \rangle$  = chiavi pubblica e privata di un utente  $U$  che richiede l'accesso ai servizi offerti dal sistema  $S$ .

1.  $S$  genera un numero casuale  $r < n$  e lo invia in chiaro a  $U$ .
2.  $U$  calcola
$$f = r^d \bmod n \quad (\text{firma di } U \text{ su } r)$$
con la sua chiave privata e lo spedisce a  $S$ .
3.  $S$  verifica la correttezza del valore ricevuto calcolando e verificando se

$$f^e \bmod n = r$$

Se ciò avviene, l'identificazione ha successo

## Canale insicuro: identificazione

- Le operazioni di cifratura e decifrazione sono invertite rispetto all'impiego standard nell'RSA
- Possibile perché le due operazioni sono commutative
$$(x^e \bmod n)^d \bmod n = (x^d \bmod n)^e \bmod n (=x)$$
- $f$  può essere generata solo da  $U$  che possiede  $\langle d \rangle$
- Se il passo 3 va a buon fine, il sistema ha la garanzia che l'utente che ha richiesto l'identificazione sia effettivamente  $U$ , anche se il canale è insicuro

## Canale insicuro: identificazione

### Problema:

$S$  chiede a  $U$  di applicare la sua chiave privata a una sequenza  $r$  che  $S$  stesso ha generato

potrebbe essere stata scelta di proposito per ricavare qualche informazione sulla chiave privata di  $U$ .

### Protocollo alternativo a "conoscenza zero"

impedisce che da una comunicazione si possa estrarre più di quanto sia nelle intenzioni del comunicatore

## Canale insicuro: autenticazione

DEST deve **autenticare** il messaggio accertando l'identità di MITT e l'integrità di  $m$

**MITT e DEST concordano una chiave segreta  $k$ .**

## Canale insicuro: autenticazione

### **MITT**

- allega al messaggio un **MAC (Message Authentication Code)  $A(m, k)$** , allo scopo di garantire la provenienza e l'integrità del messaggio.
- spedisce la coppia  **$\langle m, A(m, k) \rangle$**  in chiaro,
- oppure, cifra  $m$  e spedisce  **$\langle C(m, k'), A(m, k) \rangle$** 
  - $C$ : funzione di cifratura,
  - $k'$ : chiave pubblica o segreta del cifrario scelto.

## Canale insicuro: autenticazione

### DEST

- entra in possesso di  $m$  (dopo averlo eventualmente decifrato)
- essendo a conoscenza di  $A$  e  $k$ , calcola  $A(m, k)$
- confronta il valore ottenuto con quello inviato da MITT per verificare che il MAC ricevuto corrisponda al messaggio a cui risulta allegato:
  - Se la verifica ha successo il messaggio è autenticato.
  - Altrimenti DEST scarta il messaggio.

## Canale insicuro: autenticazione

### MAC

- È un'immagine breve del messaggio, che può essere stata generata solo da un mittente conosciuto dal destinatario, previ opportuni accordi.
- Ne sono state proposte varie realizzazioni, basate su cifrari asimmetrici, simmetrici e sulle funzioni hash one-way

# MAC con funzioni hash one-way

$A(m, k) = h(mk)$ , con  $h$  funzione hash one way

Risulta computazionalmente difficile per un crittoanalista scoprire la chiave segreta  $k$

- $h$  è nota a tutti, e  $m$  può viaggiare in chiaro o essere scoperto per altra via, ma  $k$  viaggia all'interno del MAC
- per recuperare  $k$  si dovrebbe invertire  $h$

Il crittoanalista non può sostituire facilmente il messaggio  $m$  con un altro messaggio  $m'$

- dovrebbe allegare alla comunicazione di  $m'$  il MAC  $A(m', k)$  che può produrre solo conoscendo  $k$ .

## CBC + MAC

- Usando un cifrario a blocchi in modalità CBC, si può usare il blocco finale del crittogramma come MAC
- Il blocco finale è infatti funzione dell'intero messaggio

# Firma manuale

1. **è autentica e non falsificabile**  
prova che chi l'ha prodotta è chi ha sottoscritto il documento;
2. **non è riutilizzabile**  
è legata strettamente al documento su cui è stata apposta;
3. **il documento firmato non è alterabile**  
chi ha prodotto la firma è sicuro che questa si riferirà solo al documento sottoscritto nella sua forma originale;
4. **non può essere ripudiata da chi l'ha apposta**  
costituisce prova legale di un accordo o dichiarazione.

# Firma digitale

- Non può consistere semplicemente di una digitalizzazione del documento originale firmato manualmente  
un crittoanalista potrebbe “tagliare” dal documento digitale la parte contenente la firma e “copiarla” su un altro documento.
- Deve avere una forma che dipenda dal documento su cui viene apposta, per essere inscindibile da questo.
- Per progettare firme digitali si possono usare sia i cifrari simmetrici che quelli asimmetrici.

## Protocollo 1: messaggio $m$ in chiaro e firmato (Diffie e Hellman)

- $U$ : utente,  $k_U[\text{priv}]$  e  $k_U[\text{pub}]$ : chiavi di  $U$ ,
- $C$  e  $D$ : funzioni di cifratura e decifrazione di un cifrario asimmetrico

### FIRMA

- $U$  genera la firma  $f = D(m, k_U[\text{priv}])$  per  $m$
- $U$  spedisce all'utente  $V$  la tripla  $\langle U, m, f \rangle$

## Protocollo 1: messaggio $m$ in chiaro e firmato (Diffie e Hellman)

### VERIFICA

- $V$  riceve  $\langle U, m, f \rangle$  e verifica l'autenticità della firma  $f$  calcolando e controllando che

$$C(f, k_U[\text{pub}]) = m$$

- L'indicazione del mittente  $U$  consente a  $V$  di selezionare la chiave pubblica  $k_U[\text{pub}]$  da utilizzare nel calcolo
- I processi di firma e verifica impiegano le funzioni  $C$  e  $D$  in ordine inverso a quello standard,  $C$  e  $D$  devono essere commutative:

$$C(D(m)) = D(C(m)) = m$$

## Protocollo 1: messaggio $m$ in chiaro e firmato

### Il protocollo soddisfa i requisiti della firma manuale

- $f$  è **autentica e non falsificabile** (1)
  - $k_U$  [priv] è nota solo a  $U$
  - per falsificare la firma occorre conoscere  $k_U$  [priv], ma  $D$  è one-way
- il documento firmato  $\langle U, m, f \rangle$  **non può essere alterato** se non da  $U$ , pena la non consistenza tra  $m$  e  $f$  (3)
- Poiché solo  $U$  può aver prodotto  $f$ ,  **$U$  non può ripudiare la firma** (4)
- La firma  $f$  **non è riutilizzabile** su un altro documento  $m' \neq m$  poiché è immagine di  $m$  (2)

## Protocollo 1: messaggio $m$ in chiaro e firmato

- È definito per un particolare utente  $U$ , ma non per un particolare destinatario.
- **Chiunque può convincersi dell'autenticità della firma facendo uso solo della chiave pubblica di  $U$ .**
- È solo uno schema di principio:
  - comporta lo scambio di un messaggio di lunghezza doppia dell'originale poiché la dimensione della firma è paragonabile alla dimensione del messaggio
  - il messaggio non può essere cifrato poiché è ricavabile pubblicamente dalla firma attraverso la verifica di questa.



## Protocollo 2: messaggio m cifrato e firmato

### FIRMA E CIFRATURA

- U genera la firma  $f = D(m, k_U[\text{priv}])$  per m
- calcola il crittogramma firmato  $c = C(f, k_V[\text{pub}])$   
con la chiave pubblica del destinatario V
  - si incapsula la firma nel documento cifrato
- spedisce la coppia  $\langle U, c \rangle$  a V.

## Protocollo 2: messaggio m cifrato e firmato

### DECIFRAZIONE E VERIFICA

- V riceve la coppia  $\langle U, c \rangle$  e decifra il crittogramma:
$$D(c, k_V[\text{priv}]) = f$$
- Cifra tale valore con la chiave pubblica di U ottenendo
$$C(f, k_U[\text{pub}]) = C(D(m, k_U[\text{priv}]), k_U[\text{pub}]) = m$$
- V ricostruisce m, e se m è significativo attesta l'identità di U  
Un utente diverso da U ha probabilità praticamente nulla di generare un crittogramma di significato accettabile se "cifrato" con la chiave pubblica di U.

## Algoritmo per il protocollo 2

### Cifrario RSA, con

- $\langle d_U \rangle, \langle e_U, n_U \rangle$  chiavi di U
- $\langle d_V \rangle, \langle e_V, n_V \rangle$  chiavi di V

### utente U

- genera la firma del messaggio m:  $f = m^{d_U} \bmod n_U$
- cifra f con la chiave pubblica di V:  $c = f^{e_V} \bmod n_V$
- spedisce a V la coppia  $\langle U, c \rangle$

### utente V

- riceve la coppia  $\langle U, c \rangle$  e decifra c:  $c^{d_V} \bmod n_V = f$
- “decifra” f con la chiave pubblica di U:  $f^{e_U} \bmod n_U = m$
- Se m è significativo, conclude che è autentico

## Algoritmo per il protocollo 2

Per la correttezza del procedimento è necessario che:

- $n_U \leq n_V$  perché risulti  $f < n_V$  e f possa essere cifrata correttamente e spedita a V
- questo impedirebbe a V di inviare messaggi firmati e cifrati a U
- ogni utente stabilisce chiavi distinte per la firma e per la cifratura:
  - si fissa pubblicamente H molto grande, ad esempio  $H = 2^{1024}$
  - chiavi di firma  $\langle H \rangle$
  - chiavi di cifratura  $\langle H \rangle$

# Algoritmo per il protocollo 2

- Il valore elevato di  $H$  assicura che tutte le chiavi possano essere scelte sufficientemente grandi, e quindi inattaccabili in modo esauriente.
- Il meccanismo di firma si presta tuttavia a diversi attacchi

basati sulla possibilità che un crittoanalista si procuri la firma di un utente su messaggi apparentemente privi di senso.

## Protocollo 2: attacco 1

Supponiamo che:

- un utente  $U$  invii una risposta automatica (ack) a MITT ogni volta che riceve un messaggio  $m$
- il segnale di ack sia il crittogramma della firma di  $U$  su  $m$ .

Un crittoanalista attivo  $X$  può decifrare i messaggi inviati a  $U$ :

- $X$  intercetta il crittogramma  $c$  firmato inviato da  $V$  a  $U$ , lo rimuove dal canale e lo rispedisce a  $U$ , facendogli credere che  $c$  sia stato inviato da lui.
- $U$  spedisce automaticamente a  $X$  un ack
- $X$  usa l'ack ricevuto per risalire al messaggio originale  $m$  applicando le funzioni del cifrario con le chiavi pubbliche di  $V$  e di  $U$

## Protocollo 2: attacco 1

1. V invia il crittogramma  $c$  a U:
  - $c = C(f, k_U[\text{pub}])$
  - $f = D(m, k_V[\text{priv}])$
2. Il crittoanalista X intercetta  $c$ , lo rimuove dal canale e lo rispedisce a U (U crede che  $c$  arrivi da X)
3. U decifra  $c$   
 $f = D(c, k_U[\text{priv}])$   
e verifica la firma con la chiave pubblica di X ottenendo un messaggio  
 $m' = C(f, k_X[\text{pub}])$
4.  $m' \neq m$  è un messaggio privo di senso, ma il sistema manda l'ack  $c'$  a X  
 $f' = D(m', k_U[\text{priv}])$   
 $c' = C(f', k_X[\text{pub}])$

## Protocollo 2: attacco 1

X usa  $c'$  per risalire al messaggio  $m$

1. decifra  $c'$  e trova  $f'$   
 $D(c', k_X[\text{priv}]) = D(C(f', k_X[\text{pub}]), k_X[\text{priv}]) = f'$
2. verifica  $f'$  e trova  $m'$   
 $C(f', k_U[\text{pub}]) = C(D(m', k_U[\text{priv}]), k_U[\text{pub}]) = m'$
3. da  $m'$  ricava  $f$   
 $D(m', k_X[\text{priv}]) = D(C(f, k_X[\text{pub}]), k_X[\text{priv}]) = f$
4. verifica  $f$  con la chiave pubblica di V e trova  $m$   
 $C(f, k_V[\text{pub}]) = C(D(m, k_V[\text{priv}]), k_V[\text{pub}]) = m$

## Protocollo 2: attacco 1

- Per evitare questo attacco occorre che U blocchi l'ack automatico
- l'ack deve essere inviato solo dopo un esame preventivo di  $m$  e scartando i messaggi che non si desidera firmare

## Protocollo resistente agli attacchi

- Si evita la firma diretta del messaggio
- Si appone la firma digitale su una immagine del messaggio ottenuta con una funzione hash one-way e pubblica (tipo MD5, SHA)
- La firma non è più soggetta a giochi algebrici

## Protocollo 3: messaggio m cifrato e firmato in hash

### FIRMA E CIFRATURA

- il mittente U calcola  $h(m)$  e genera la firma

$$f = D(h(m), k_U[\text{priv}])$$

- calcola separatamente il crittogramma

$$c = C(m, k_V[\text{pub}])$$

- spedisce a V la tripla  $\langle U, c, f \rangle$

## Protocollo 3: messaggio m cifrato e firmato in hash

### DECIFRAZIONE E VERIFICA

- V riceve la tripla  $\langle U, c, f \rangle$
- decifra il crittogramma c:  $m = D(c, k_V[\text{priv}])$
- calcola separatamente  $h(m)$  e  $C(f, k_U[\text{pub}])$
- se  $h(m) = C(f, k_U[\text{pub}])$  conclude che il messaggio è autentico.

## Protocollo 3: messaggio m cifrato e firmato in hash

- richiede lo scambio di una maggiore quantità di dati, ma l'incremento è trascurabile
- la firma può essere calcolata più velocemente

## Attacchi man in-the-middle

- Debolezza dei protocolli:
  - le chiavi di cifratura sono pubbliche e non richiedono un incontro diretto tra gli utenti per il loro scambio.
- Un crittoanalista attivo può intromettersi proprio in questa fase iniziale del protocollo, pregiudicando il suo corretto svolgimento.
- Attacco attivo chiamato **man in-the-middle**:
  - Il crittoanalista si intromette nella comunicazione tra U e V,
  - si comporta agli occhi di U come se fosse V,
  - si comporta agli occhi di V come se fosse U,
  - intercettando e boccando le comunicazioni di U e V

# Attacchi man in-the-middle sulle chiavi pubbliche

Il crittoanalista X devia le comunicazioni che provengono da U e V e le dirige verso se stesso:

- U richiede a V la sua chiave pubblica (attraverso e-mail, pagina web, ...)
- X intercetta la risposta contenente  $k_V$  [pub] e la sostituisce con la sua chiave pubblica  $k_X$  [pub].
- X si pone in ascolto in attesa dei crittogrammi spediti da U a V, cifrati mediante  $k_X$  [pub].
- X rimuove dal canale ciascuno di questi crittogrammi, e lo decifra, lo cifra mediante  $k_V$  [pub] e lo rispedisce a V.
- U e V non si accorgeranno della presenza di X se il processo di intercettazione e rispedizione è sufficientemente veloce da rendere il relativo ritardo apparentemente attribuibile alla rete.

## Certification Authority

- Un algoritmo crittografico è tanto robusto quanto la sicurezza delle sue chiavi
- lo scambio/generazione della chiave è un passo cruciale
- gli attacchi man-in-the-middle sono i principali problemi di sicurezza da affrontare
- Sono nate le **Certification authority**  
sono infrastrutture che garantiscono la validità delle chiavi pubbliche e ne regolano l'uso, gestendo la distribuzione sicura delle chiavi alle due entità che vogliono comunicare



# Key Certification Authority (CA)

ente preposto alla certificazione di validità delle chiavi pubbliche

- La CA autentica l'associazione <utente, chiave pubblica> emettendo un certificato digitale.
- Il certificato digitale consiste della chiave pubblica e di una lista di informazioni relative al suo proprietario, opportunamente firmate dalla CA.
- Per svolgere correttamente il suo ruolo, la CA mantiene un archivio di chiavi pubbliche sicuro, accessibile a tutti e protetto da attacchi in scrittura non autorizzati.
- La chiave pubblica della CA è nota agli utenti che la mantengono protetta da attacchi esterni e la utilizzano per verificare la firma della CA stessa sui certificati.

## Certificato digitale

Un certificato digitale contiene:

- una indicazione del suo formato (numero di versione)
- il nome della CA che lo ha rilasciato
- un numero seriale che lo individua univocamente all'interno della CA emittente
- la specifica dell'algoritmo usato dalla CA per creare la firma elettronica
- il periodo di validità del certificato (data di inizio e data di fine)
- il nome dell'utente a cui questo certificato si riferisce e una serie di informazioni a lui legate
- un'indicazione del protocollo a chiave pubblica adottato da questo utente per la cifratura e la firma: nome dell'algoritmo, suoi parametri, e chiave pubblica dell'utente
- firma della CA eseguita su tutte le informazioni precedenti.

# CA

- Se U vuole comunicare con V può richiedere  $K_V$  [pub] alla CA, che risponde inviando a U il certificato digitale  $\text{cert}_V$  di V
- Poiché U conosce  $K_{CA}$  [pub], può controllare l'autenticità del certificato verificandone il periodo di validità e la firma prodotta dalla CA su di esso.
- Se tutti i controlli vanno a buon fine,  $K_V$  [pub] nel certificato è corretta e U avvia la comunicazione con V
- Un crittoanalista potrebbe intromettersi solo falsificando la certificazione, ma si assume che la CA sia fidata e il suo archivio di chiavi sia inattaccabile

# CA

Esistono in ogni stato diverse CA organizzate ad albero

la verifica di un certificato è in questo caso più complicata e si svolge attraverso una catena di verifiche che vanno dalla CA di U alla CA di V

- V invia a U una sequenza di certificati ordinati in accordo alla CA che li ha firmati, da quella che ha certificato V a quella che è alla radice dell'albero delle CA

Ogni utente mantiene localmente al sistema una copia del proprio certificato  $\text{cert}_U$  e una copia di  $K_{CA}$  [pub]

interagisce con la CA una sola volta, e poi la gestione delle chiavi pubbliche diventa decentralizzata

## Protocollo 4: messaggio m cifrato, firmato in hash e certificato

### FIRMA, CIFRATURA E CERTIFICAZIONE

Il mittente U:

- si procura il certificato  $cert_V$  di V
- calcola  $h(m)$  e genera la firma

$$f = D(h(m), k_U[\text{priv}])$$

- calcola il crittogramma

$$c = C(m, k_V[\text{pub}])$$

- spedisce a V la tripla  $\langle cert_U, c, f \rangle$ 
  - $cert_U$  contiene la chiave  $k_U[\text{pub}]$  e la specificazione della funzione  $h$  utilizzata

## Protocollo 4

### VERIFICA DEL CERTIFICATO

- il destinatario V riceve la tripla  $\langle cert_U, c, f \rangle$  e verifica l'autenticità di  $cert_U$  (e dunque di  $K_U[\text{pub}]$ ) utilizzando la propria copia di  $K_{CA}[\text{pub}]$

### DECIFRAZIONE E VERIFICA DELLA FIRMA

- V decifra il crittogramma  $c$  mediante la sua chiave privata e ottiene

$$m = D(c, k_V[\text{priv}])$$

- V verifica l'autenticità della firma apposta da U su  $m$  controllando che risulti

$$C(f, k_U[\text{pub}]) = h(m)$$

# Conclusioni

- Il punto debole di questo meccanismo è rappresentato dai certificati revocati, i.e., non più validi
- Le CA mettono a disposizione degli utenti un archivio pubblico contenente i certificati non più validi
- La frequenza di controllo di questi certificati e le modalità della loro comunicazione agli utenti sono cruciali per la sicurezza
- Attacchi man-in-the-middle possono essere evitati se si stabilisce un incontro diretto tra utente e CA nel momento in cui si istanzia il sistema asimmetrico dell'utente