

## CRITTOGRAFIA: raccolta di esercizi d'esame (cifrari perfetti).

### Esercizio 1

Sia  $M$  il numero di matricola del candidato. Si converta  $M$  in una sequenza binaria  $B$  trasformando ordinatamente in binario ogni cifra decimale di  $M$ , prendendo per ciascuna di esse i tre bit meno significativi e concatenando tali gruppi di tre bit.

1. **Indicare** la sequenza  $B$ , **proporre** una chiave  $K$  di 18 bit ottenuta lanciando idealmente una moneta e **trasformare**  $B$  mediante One-Time Pad utilizzando  $K$ .
2. **Spiegare** se il cifrario può ritenersi sicuro per messaggi binari di lunghezza multipla di 18 utilizzando come chiave una ripetizione di  $K$  per il numero di volte necessario.

### Esercizio 2

In un cifrario  $A$  esistono un messaggio  $m$  e un crittogramma  $c$  tali che:  $\text{Prob}(M = m) = p < 1/4$ ,  $\text{Prob}(M = m | C = c) = 1 - p$ . **Spiegare** se  $A$  può essere un cifrario perfetto e le conseguenze per un crittoanalista per la coppia  $(m, c)$  indicata.

### Esercizio 3

**Spiegare** con precisione matematica e proprietà di linguaggio perché il cifrario One-Time Pad su messaggi di  $n$  bit non può essere ritenuto perfetto se la chiave non è scelta perfettamente a caso.

### Esercizio 4

Nel codice One-Time Pad si sostituisca l'operatore XOR con OR, o con  $\neg$ XOR (cioè XOR negato). Spiegare, per i due casi, se il protocollo funziona con le stesse proprietà del codice originale.

### Esercizio 5

Qual è lo svantaggio principale del cifrario One-Time Pad?

### Esercizio 6

Nel cifrario One-Time Pad si consideri una coppia arbitraria messaggio/crittogramma  $m, c$  di  $n$  bit. **Spiegare** quanto vale la probabilità  $P(M=m, C=c)$  (**NOTA**: questa è la probabilità dell'intersezione degli eventi, non la probabilità condizionale).